

*А.В. Муравьев¹, Д.Б. Киктев¹, А.В. Смирнов¹
Ю.Б. Павлюков², Н.И. Серебрянник²*

**ВЕРИФИКАЦИЯ ДЕТЕРМИНИСТСКОГО И ВЕРОЯТНОСТНОГО
РАДИОЛОКАЦИОННОГО НАУКАСТИНГА ОСАДКОВ
В ТЕПЛЫЙ И ХОЛОДНЫЙ ПЕРИОДЫ ГОДА
НА ЕВРОПЕЙСКОЙ ТЕРРИТОРИИ РОССИИ**

¹Гидрометеорологический научно-исследовательский центр

Российской Федерации, г. Москва;

²Центральная аэрологическая обсерватория, Московская обл., г. Долгопрудный

Введение

С начала 2020 года в системе наукастинга полей интенсивности осадков Гидрометцентра России используются данные наблюдений примерно 30 современных доплеровских радиолокаторов ДМРЛ-С (далее – ДМРЛ), развернутых Росгидрометом на Европейской территории России. Управление наблюдениями на сети ДМРЛ, сбор и обработку радиолокационных данных, их валидацию, а также передачу продуктов потребителям обеспечивает Научно-технический центр по развитию и эксплуатации сети доплеровских метеорологических радиолокаторов (НТЦР ДМРЛ) ФГБУ «ЦАО» Росгидромета [5].

В мае–сентябре 2020 года были проведены оперативные испытания технологии с километровым разрешением. По полученным результатам на заседании ЦМКП 16.12.2020 эта технология была рекомендована к внедрению в качестве основной в "теплый" период года [9]. Для испытания технологии наукастинга в "холодный" период были накоплены данные радиолокационных наблюдений и прогнозов в интервале с ноября 2021 по март 2022 года.

Периоды года определяются как "теплый" и "холодный" вполне условно, так как аналогичные эпитеты иногда употребляются эквивалентно для календарных зимы и лета или задаются климатологическими граничными значениями среднесуточной температуры воздуха в агрометеорологии [2] и при проектировании тепловой защиты сооружений [13].

В 2021 г. авторами [10] были разработаны и внедрены более точные методы оценки качества с учетом констант отсутствия и переменных объемов условных выборок, поэтому на этапе выполнения плана НИР в 2022 г. было решено провести и представить ЦМКП сравнительные оценки для обоих периодов года. Данная статья содержит часть полученных результатов сравнительной верификации.

1. Зоны покрытия, архив испытаний, ограничения радиолокационного метода

Как и в испытаниях в теплый период, область прогнозирования представляет собой сферический ромб в проекции Альберса, в который вписана матрица данных размером $1951 \times 2151 = 4\,196\,601$ точек, соответствующая полю с разрешением 1 км. Для использования графического редактора GRADS повернутый ромб спроектирован на регулярную географическую сетку с условными, но близкими к указанной области координатами $45^\circ\text{--}65^\circ$ с.ш., $30^\circ\text{--}50^\circ$ в.д. (рис. 1а). Картографическая организация данных и особенности построения единого поля осадков описаны более детально в [10]. Здесь добавим, что оперативная система наукастинга осадков усваивает наблюдения ДМРЛ в автоматическом режиме, в результате чего набор радиолокаторов может динамически изменяться, что приводит к изменению и конструируемого поля осадков (рис. 1б).

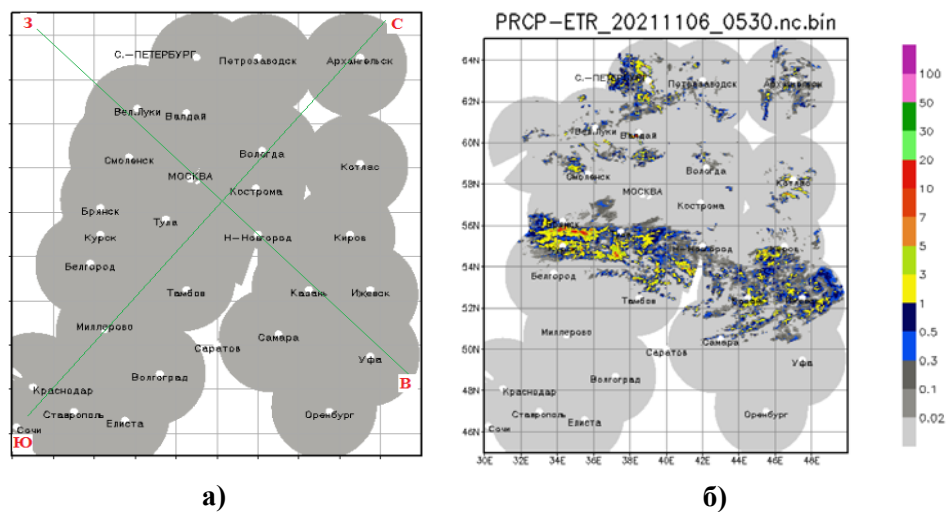


Рис. 1. Расположение ДМРЛ в условных координатах первого испытания (а) и "снимок" поля текущего испытания системы (б) в тех же координатах, но с появлением данных нового р/л.

В архив испытаний включены данные наблюдений в наибольшем объеме из 21744 максимально возможных в холодный период ($151 \text{ сут.} \times 24 \text{ часа} \times 6 \text{ наблюдений в час}$) и из 22032 максимально возможных в теплый период ($153 \times 24 \times 6$). Из прогнозов, обновляющихся каждые десять минут, отобраны прогнозы, составляемые в целые часы суток на 30, 60, 90, 120 и 150 мин. Таким образом, использованное количество прогнозов в шесть раз меньше

максимально возможного. В обоих испытаниях входные поля (а значит, и наблюдения) составляются в формате *ncdf*, а поля прогностических ансамблей – в формате *tiff*.

Сделаем следующее уточнение. В самом начале верификации для синхронизации полей прогнозов и наблюдений составляются таблицы соответствий по прогнозам на выделенные 5 сроков. Количество пар полей "прогноз-наблюдение" для одной заблаговременности не превышает $151 \times 24 = 3624$ для холодного периода и $153 \times 24 = 3672$ – для теплого периода, при этом все фактические пары полей составляют максимально доступный объем выборки для верификации. Необходимо учитывать, что разнообразные условия формирования выборок оставляют из этого объема иногда исчезающе малую долю, что ставит под сомнение статистическую надежность соответствующих оценок. При этом ситуация с обеспеченностью выборок в холодный период усугубляется независимыми от особенностей верификации ограничениями радиолокационного метода метеонаблюдений [5, 12]. Наиболее существенным (и даже критичным) отличием пространственных структур в холодный период по сравнению с теплым периодом оказалось разрушение связности композитного поля с концентрацией вокруг радиолокаторов как значений осадков, так и значений показателей качества: в холодный период осадки, выпадающие из более низких (по сравнению с теплым периодом) слоистообразных облаков, на больших дистанциях ($\geq 120 \div 150$ км) оказываются вне пределов радиолокационного сканирования из-за подъема р/л луча выше верхней границы облаков вследствие влияния кривизны Земли [5].

2. Учет пропусков и допусков, цензурирование данных

При обработке цифровых карт радиолокационных полей осадков R (мм/час) приходится иметь дело с тремя "видами" данных: 1) числовыми значениями R ; 2) **пропусками**, т. е. символьными переменными NA , заменяющими числовые значения R в местах, где значения R по разным причинам отсутствуют; 3) **допусками** в выборку, т. е. теми числами, которые учитываются при оценке качества.

Пропуски в исходных цифровых картах R возникают, например, вследствие влияния препятствий, экранирующих радиоизлучение в отдельных азимутальных направлениях, отфильтрованных радиопомех и отражений от т. н. "местных предметов" (местников).

Допуски определяются логическими условиями, представляющими собой комбинацию конъюнкций и дизъюнкций для значений R относительно пороговых значений, например (наблюдение < 0.5 & прогноз > 0.0). В условиях переменных объемов, включая нулевые, необходимо предусмотреть и обойти деление на нуль или взятие логарифма от нуля.

Аккуратный учет пропусков и допусков требуется и для определения статистической значимости рассчитываемых оценок качества, и для корректности матричных операций в

языке программирования. Прием интегрального описания пропусков и числовых значений, использованный в [10], заключается в составлении матриц-масок размерности объединенного поля, состоящих из нулей и единиц в тех точках, в которых расположена либо константа отсутствия, либо число. Арифметические поэлементные операции суммы и произведения всех матриц-масок позволяют оценить распределение этих величин по всему полю за весь период испытаний. При этом подсчет нулевых и ненулевых значений в *сумме* всех матриц-масок говорит о количестве точек, в которых встречается, соответственно, *хотя бы один раз* NA или число. Аналогичный подсчет нулей и единиц в *произведении* всех матриц-масок говорит о появлении в данной точке *во всех полях* интервала верификации либо пропуска, либо числа.

Как правило, в языках программирования имеются средства учета констант отсутствия, но соответствующие опции приходится задавать явно. При умолчаниях операция может выйти на аварийный стоп или точка поля с NA целиком исключается из анализа (даже при единственном пропуске в полной выборке полей). Одним из простейших способов преодоления опасностей такого рода является *цензурирование* выборок ("отбрасывание сора" и "отбрасывание крайних" [3]). Внимательный просмотр данных и устранение явных ошибок позволяет существенно улучшить обобщенные характеристики архивов. Так, удаление одного "сбойного" поля из архива наблюдений в холодный период кардинально изменило интегральную оценку наличия данных: *по объединению* констант отсутствия стало 2 728 248 против 3 996 522, в то время как *по пересечению* прибавилось числовых значений 1 468 353 против 200 079! При таких условиях возможны и критичные потери при использовании матричной арифметики в языке программирования, и рост дисперсии выборочных ошибок в статистических оценках.

Очевидно, что проблема цензурирования выбросов не имеет универсального решения, особенно когда значение балансирует на грани экстремумов и вместо "мусора" может быть выброшен существенный элемент выборки. В этой связи к цензурированию следует прибегать при наличии дополнительных сведений или других представлений исследуемой величины.

3. Область верификации и пространственное осреднение полей

3.1. Проблема определения области верификации

Трудности при верификации доставляют не только переменные объемы выборок в точках полей, порождаемые константами отсутствия и условиями на значение интенсивности, но и те пропуски, которыми заполняется тыловая область набегающего извне потока. На левой панели рис. 2 видны разноцветные полосы на северо-западной и юго-

западных частях карты (напомним, на условной карте направление "юг-север" идет от нижнего левого угла к верхнему правому углу).

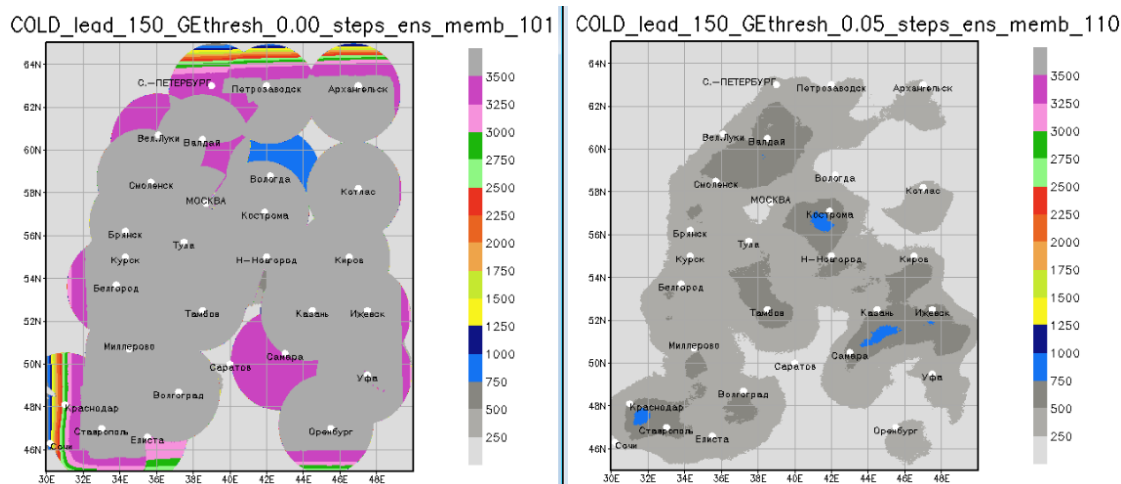


Рис. 2. Поля объемов выборок в точках 10-го поля ансамбля прогнозов на 150 мин при допуске всех значений, кроме констант отсутствия (левая панель), и при допуске значений $p_{res} \geq 0.05$ (правая панель).

Условие $p_{res} \geq 0.05$ мм полностью устраняет краевые сюрпризы (рис. 2, правая панель), но за счет уменьшения объемов выборок в точках поля: вместо более 3500 пар полей в большей части карты приходится довольствоваться объемами до 500–750 пар полей. Подобная картина была описана в работе [10] об испытаниях в теплый период. Левая панель рис. 2 может интерпретироваться как систематическая ошибка модели в оценке скорости набегающего потока. Действительно, если климатологическая скорость потока равна примерно 10 м/с (36 км/ч), то шаг по времени 10 мин дает инкремент 6 км, а 150 мин – 90 км. Здесь же с условного севера и условного запада ширина "полосы отчуждения" составляет около 200 км (2° долготы), т. е. модельная скорость с запада более чем в два раза выше средней скорости тропосферного ветра.

3.2. Пространственное осреднение исходных полей

На объединенных картах полей интенсивности и показателей качества в километровом разрешении имеются многочисленные, хаотически разбросанные, мелкие особенности (точки и пятна), которые сильно влияют на пространственное распределение показателей качества и часто затрудняют географическую интерпретацию полученных результатов. Мелкая пестрота карт была хорошо известна по предыдущим испытаниям схемы наукастинга, построенной на параллельном счете для зон обзора отдельных радиолокаторов ЦФО [7, 8]. Одним из оправдательных рефренов при обсуждении невысоких результатов верификации по полям высокого разрешения было признание, что крайне трудно попадать

"пулей в пулю". На текущем этапе испытаний было принято решение производить предварительное пространственное осреднение по непересекающимся квадратам размера 10×10 , который отражает мезомасштабный характер процессов с осадками, но удаляет несущественные пространственные мелочи, включая случайные шумы.

При выборе подходящего масштаба осреднения рекомендуется учитывать разнообразные физические и статистические свойства тех процессов, на которые пространственный фильтр может оказать губительное воздействие. Так как объединенное поле имеет разрешение 1 км и занимает территорию $\sim 2000 \times 2000$ км, то соответствующие (идентифицируемые и моделируемые) процессы охватывают диапазон от микромасштаба кучево-дождевых облаков и городской циркуляция (с временем жизни ~ 1 час) до синоптического масштаба фронтов и тропических циклонов (с временем жизни порядка одних суток – одной недели) [1]. По отечественному и мировому опыту известно, что статистическая модель лагранжевой адвекции обеспечивает полезный прогноз на мелких масштабах лишь в первые два-три часа. И если сетка модели имеет километровое разрешение, а расчетная область имеет мезомасштабные размеры (до ~ 200 км), то осреднение квадратом в 10×10 узлов отфильтрует процессы горизонтального размера до $\sim 50-70$ км. Мы используем оценку Вельтищева и Степаненко [1] о "разрешении объектов наблюдательной сетью", которая близка известной оценке Скамарока "эффективного разрешения" численной модели прогноза погоды в $7\Delta x$ [16]. Очевидно, что подобная фильтрация не соответствует ни назначению модели, ни целям пространственной верификации. Однако если расчетная область имеет масштаб ЕТР и целью верификации является содержательная оценка качества прогностической модели по всей территории, то осреднение по квадратам со стороной в 10 узлов (км) вполне приемлемо: оно не исказит важные детали и даст более надежную статистическую оценку качества модели.

На рис. 3 показано, как поле сумм осадков может быть "очищено" выбранным методом пространственного осреднения.

4. Оценки в точках, карты и пространственное распределение оценок

Переход к осредненному полю и к соответствующей матрице данных в сто раз меньшего размера не устраняет граничных проблем, описанных в первом разделе. Однако исключение некоторых областей из дальнейшего анализа путем "вырезов" и переходом к усеченной матрице данных не только само по себе затруднительно (остается, например, вопрос о внутренних областях объединенного поля, находящихся вне зон видимости), но и усложняет программные алгоритмы расчетов. Было решено не обрезать и не вырезать

области сомнительных наблюдений и прогнозов, а проводить анализ по всем точкам поля в предположении, что комбинация карт показателей качества и 10 %-ных пространственных квантилей этих показателей позволят выделить, охарактеризовать и учесть области «граничных эффектов». Ниже все расчеты проводятся по пространственно осредненному полю размером 151×215.

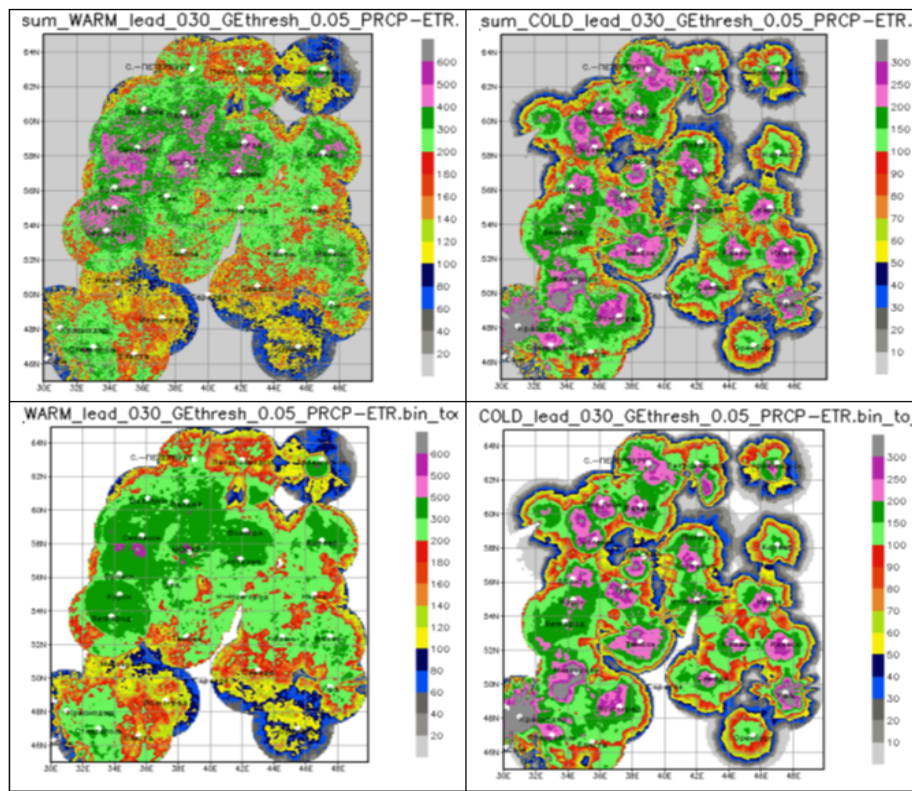


Рис. 3. Накопленные суммы радиолокационных осадков в теплый период (левый столбец) и холодный период (правый столбец). В первой строке панелей исходные поля размером 1951×2151=4196601, во второй строке – поля размером 195×215=41925.

Оценки рассчитываются в каждой точке поля для отдельных полей прогностического ансамбля и для среднего по ансамблю поля. Применяется следующая аргументация. Если среднее по ансамблю поле лучше по качеству первого (основного) поля, то ансамбль оправдан. Если же среднее по ансамблю поле сравнимо по качеству с первым полем (или любым полем прогностического ансамбля), то при детерминистском прогнозировании следует предпочесть использование одного контрольного поля, а при вероятностном прогнозировании ансамбль оправдан при достаточной изменчивости самого ансамбля, позволяющей оценивать неопределенность прогнозов.

На рис. 4 приводятся карты распределения объемов выборок (или количества допусков) для обоих периодов при условии (наблюдение ≥ 0.05 & прогноз ≥ 0.0).

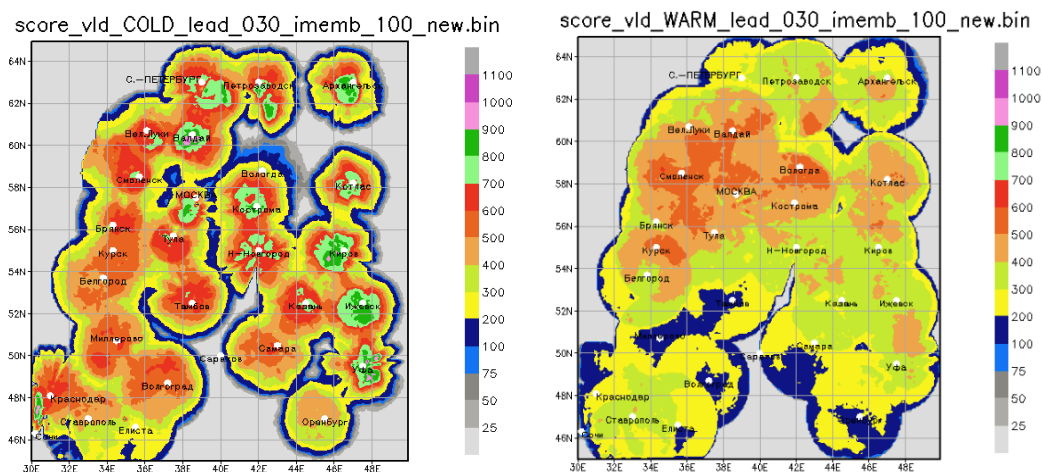


Рис. 4. Карты объемов выборок в точках объединенного поля при прогнозе на 30 минут в холодный период (левая панель) и в теплый период (правая панель).

На карте для холодного периода заметны очаги максимального количества ближе к центрам радиолокационного обзора. Отчетливая локализация очагов вызвана, как говорилось выше, "ограничениями радиолокационного метода" [5]. В основном наблюдается от 200 до 900 допусков из 3572 максимально возможных. То есть лишь в окрестности локаторов выборки в точках поля содержат примерно 25 % точек, удовлетворяющих условию (наблюдение ≥ 0.05). Тем не менее вблизи координат локаторов наблюдаются довольно высокие размеры выборок.

На карте для теплого периода очаги максимального количества допусков локализованы вокруг локаторов существенно меньше, чем на карте для холодного периода. Область максимальных размеров выборок совпадает в основном с территорией Центрального федерального округа (ЦФО). В основном наблюдаются от 200 до 900 допусков из 3667 максимально возможных, наибольшие объемы – те же примерно 25 % точек (900/3667), удовлетворяющих условию (наблюдение ≥ 0.05). При этом распределение объемов выборок более равномерно и вблизи локаторов не наблюдается очагов больших значений.

Покрытие данными для остальных заблаговременностей обоих периодов практически неотлично. Табл. 1 пространственного распределения по 10%-ным квантилям дают более детальную характеристику полей рис. 4. В данной таблице отмеченное выше наличие в холодный период очагов высоких размеров выборок можно проследить по столбцам 100%тах, очевидна существенная разница.

В данных для холодного периода в 10 % точек поля количество допусков составляет от 1 до 60, 56, ..., 44 в зависимости от заблаговременности. На картах это, очевидно, отдаленные от координат радиолокаторов области, входящие в зону упомянутых "ограничений радиолокационного метода" [5]. В данных для теплого периода в первых 10 % точек поля

объемы выборок растут до 182... 143 в зависимости от заблаговременности. По краям зон обзора в теплый период выборки имеют больший объем и нет такого сильного контраста от периферии к центру круга обзора, как в холодный период.

Таблица 1

10%-ные квантили распределения объемов выборок в точках объединенного поля для холодного и теплого периодов и для заблаговременностей 30, 60, 90, 120 и 150 мин

	распределение объемов выборок для верификации среднего поля ансамбля													
	lead	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	NAs	valid
Холодный период	030	1	60	144	234	311	384	443	504	567	651	1158	9502	32423
	060	1	56	141	230	310	383	442	505	566	649	1179	9523	32402
	090	1	53	135	225	306	380	440	502	564	648	1158	9540	32385
	120	1	48	127	217	301	376	437	500	562	647	1181	9555	32370
	150	1	44	118	206	290	369	432	495	558	645	1156	9617	32308
Теплый период	lead	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	NAs	valid
	030	3	182	216	252	293	329	358	389	427	476	618	9469	32456
	060	1	177	213	249	292	328	358	388	426	476	623	9471	32454
	090	1	171	209	246	290	327	357	388	427	476	618	9479	32446
	120	1	161	202	240	285	325	356	388	426	476	623	9488	32437
150	1	143	194	233	279	322	353	387	426	476	618	9516	32409	

Примечание. lead – заблаговременность; NAs и valid – количество пропусков и допусков соответственно. Используются данные для средних по ансамблю полей; для отдельных полей ансамбля разница незначительна.

Ниже из непрерывных показателей качества приведем примеры только средней абсолютной ошибки (MAE), так как средняя ошибка (ME) не является надежной статистической характеристикой качества ввиду наличия многочисленных нулевых и малых значений интенсивности осадков в полном наборе полей в оба периода года.

4.1. Средняя абсолютная ошибка (MAE) для полей ансамбля

На рис. 5 размещены поля средней абсолютной ошибки для среднего по ансамблю поля и для двух индивидуальных полей ансамбля.

С ростом заблаговременности и с увеличением номера поля ансамбля одновременно растут значения MAE, что подчеркивает особенности отдельных полей ансамбля. Судя по расцветке, MAE для среднего поля ансамбля заметно лучше (больше занято серым и синим цветом). Ошибки растут по краям, но особенно заметно "вспучивание" значений MAE в районе Сочи – Краснодар.

В соответствующей табл. 2 содержатся квантили пространственного распределения оценки MAE для холодного периода. Красным выделены квантили для среднего поля ансамбля: все они превышают соответствующие квантили индивидуальных полей, что свидетельствует о систематическом преимуществе ансамблевого метода перед стандартным прогнозом даже при столь небольшом объеме ансамбля.

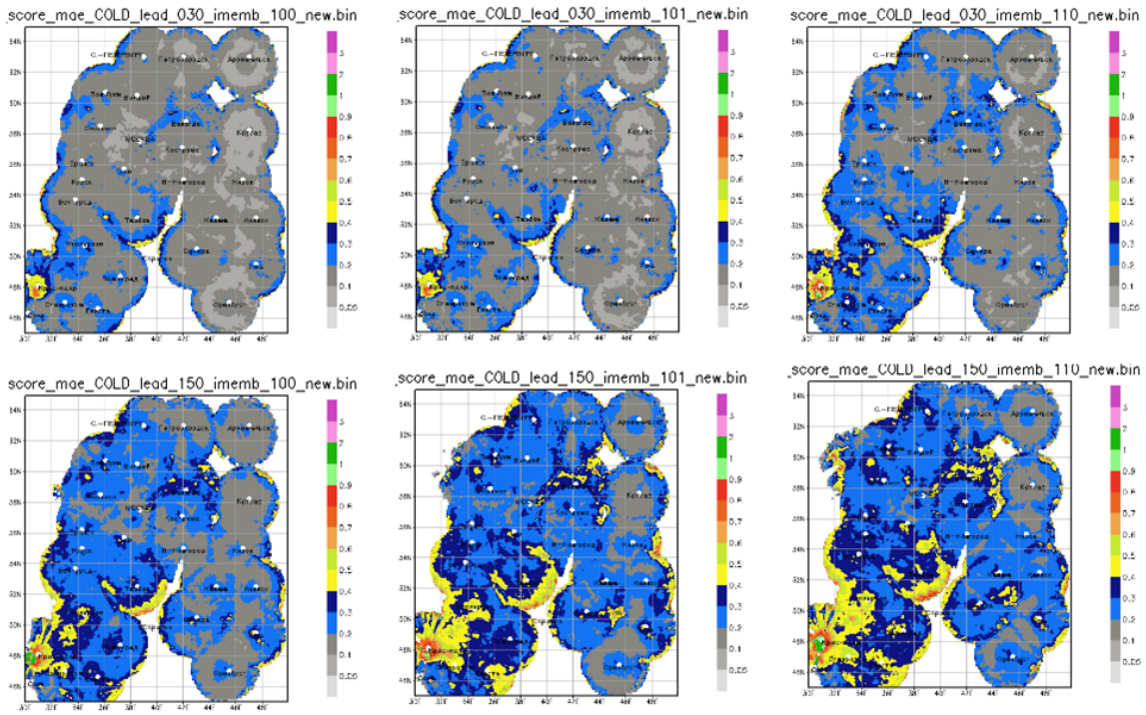


Рис. 5. Поля средней абсолютной ошибки прогнозов на 30 мин (верхний ряд) и на 150 мин (нижний ряд) в холодный период. Прогностические поля: среднее по ансамблю – первый столбец, первое поле ансамбля (второй столбец) и десятое поле ансамбля (последний столбец).

Таблица 2

Пространственное распределение средней абсолютной ошибки прогнозов в холодный период для среднего по ансамблю поля (memb=100), первого (101), пятого (105) и десятого (110) полей ансамбля

lead (min)	memb	spatial quantiles (NAs + valid = 41925 = 195x215) npairs = 3572 of max 24*151=3624								
		10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%
030	100	0.0922	0.1071	0.1196	0.1322	0.1451	0.1591	0.1769	0.2038	0.2560
	101	0.0989	0.1152	0.1285	0.1412	0.1546	0.1699	0.1881	0.2164	0.2699
	105	0.1069	0.1237	0.1384	0.1529	0.1684	0.1850	0.2062	0.2374	0.2933
	110	0.1171	0.1356	0.1528	0.1697	0.1875	0.2060	0.2274	0.2588	0.3187
060	100	0.1264	0.1458	0.1617	0.1767	0.1925	0.2108	0.2312	0.2631	0.3189
	101	0.1397	0.1617	0.1801	0.1965	0.2133	0.2311	0.2540	0.2876	0.3460
	105	0.1472	0.1684	0.1864	0.2039	0.2227	0.2440	0.2703	0.3064	0.3667
	110	0.1545	0.1783	0.1998	0.2202	0.2413	0.2636	0.2891	0.3245	0.3909
090	100	0.1417	0.1633	0.1800	0.1961	0.2140	0.2335	0.2570	0.2911	0.3500
	101	0.1612	0.1863	0.2055	0.2238	0.2425	0.2629	0.2876	0.3227	0.3887
	105	0.1661	0.1906	0.2091	0.2281	0.2490	0.2718	0.3003	0.3369	0.3988
	110	0.1722	0.1997	0.2222	0.2425	0.2651	0.2893	0.3156	0.3523	0.4216
120	100	0.1480	0.1715	0.1896	0.2061	0.2247	0.2447	0.2686	0.3030	0.3629
	101	0.1714	0.1981	0.2185	0.2384	0.2582	0.2799	0.3058	0.3443	0.4125
	105	0.1744	0.2023	0.2235	0.2429	0.2637	0.2878	0.3158	0.3529	0.4174
	110	0.1797	0.2104	0.2342	0.2551	0.2759	0.2988	0.3262	0.3633	0.4337
150	100	0.1516	0.1747	0.1928	0.2099	0.2290	0.2507	0.2762	0.3093	0.3665
	101	0.1782	0.2051	0.2266	0.2477	0.2693	0.2921	0.3197	0.3575	0.4257
	105	0.1782	0.2078	0.2305	0.2521	0.2738	0.2988	0.3274	0.3631	0.4293
	110	0.1849	0.2159	0.2403	0.2618	0.2827	0.3069	0.3351	0.3737	0.4412

Примечание. lead – заблаговременность, memb – номер поля ансамбля.

Рис. 6 содержит карту ошибки MAE для теплого периода. Видно, что MAE намного больше аналогичных оценок в холодный период почти по всей области. Отчетливо проявляется "шайба" вокруг локатора Архангельска. Показатель MAE для среднего поля ансамбля также ниже оценок для индивидуальных полей. В соответствующей табл. 3 содержатся данные о пространственном распределении оценки MAE для теплого периода.

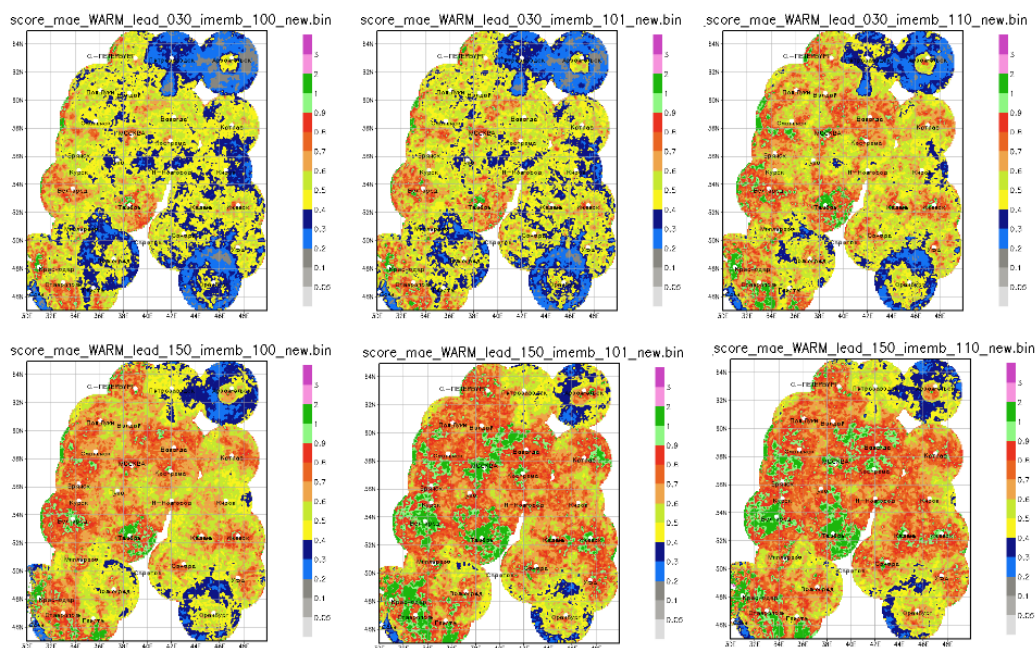


Рис. 6. Поля средней абсолютной ошибки прогнозов на 30 мин (верхний ряд) и на 150 мин (нижний ряд) в теплый период. Прогностические поля: среднее по ансамблю – первый столбец, первое поле ансамбля (второй столбец) и десятое поле ансамбля (последний столбец).

Таблица 3

Пространственное распределение средней абсолютной ошибки прогнозов в теплый период для среднего по ансамблю поля и для первого поля ансамбля

оценка MAE для среднего поля ансамбля

lead	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	NAs	valid
030	0.0918	0.2675	0.3306	0.3755	0.4098	0.4409	0.4743	0.5120	0.5611	0.6416	3.3441	9469	32456
060	0.0463	0.3425	0.4222	0.4756	0.5171	0.5551	0.5926	0.6360	0.6907	0.7735	4.9259	9471	32454
090	0.0174	0.3733	0.4518	0.5093	0.5527	0.5908	0.6294	0.6720	0.7237	0.8071	3.7448	9479	32446
120	0.0208	0.3834	0.4620	0.5188	0.5635	0.6028	0.6408	0.6816	0.7335	0.8182	4.8835	9488	32437
150	0.0226	0.3815	0.4634	0.5196	0.5642	0.6021	0.6389	0.6801	0.7309	0.8160	6.2713	9516	32409

оценка MAE для 1-го поля ансамбля

lead	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	NAs	valid
030	0.1172	0.2772	0.3442	0.3900	0.4270	0.4628	0.5002	0.5425	0.5978	0.6890	3.2585	9469	32456
060	0.1687	0.3707	0.4540	0.5112	0.5592	0.6032	0.6487	0.6991	0.7618	0.8605	4.1728	9469	32456
090	0.1698	0.4154	0.5022	0.5664	0.6155	0.6616	0.7086	0.7612	0.8260	0.9273	3.4722	9469	32456
120	0.1409	0.4374	0.5272	0.5928	0.6457	0.6927	0.7384	0.7898	0.8543	0.9529	4.1373	9469	32456
150	0.1022	0.4487	0.5424	0.6062	0.6579	0.7035	0.7501	0.8020	0.8644	0.9650	3.5110	9469	32456

Информативным можно считать диапазон квантилей от 0 % до 90 %. Кроме крайних квантилей ошибки с заблаговременностью ожидаемо растут до 120 мин, далее наступает

насыщение как некоторое указание на предел предсказуемости по данной метрике и для данного периода. Все значения (кроме "малонадежных" максимумов) превышают соответствующие значения MAE в холодный период. В этот период точно так же ошибка прогноза по среднему поля ансамбля ниже ошибок по отдельным полям ансамбля для всех заблаговременностей.

4.2. Замечание о "превосходстве" прогнозов в холодный период по MAE

Наибольшая достоверность радиолокационных измерений осадков на сети ДМРЛ Росгидромета обеспечивается на удалениях до ~100 км от радиолокаторов, где проводятся радиолокационные наблюдения на уровне измерения осадков (600 м) и не используется экстраполяция значений отражаемости с вышележащих уровней. Это хорошо видно на представленных картах MAE для холодного периода. По средней абсолютной ошибке в этих областях прогнозы в холодный период имеют более высокое качество, чем прогнозы в теплый период. Однако распространение данного "преимущества" на остальную часть круга обзора, и тем самым на все пространство ЕТР, не совсем корректно по следующим соображениям. В области за пределами выделенного круга сказывается неоднократно упоминаемое "ограничение радиолокационного метода", которое проявляется на осредненных по всему периоду картах. Это приводит к систематическому занижению интенсивности в прогнозах и к систематическому уменьшению показателя MAE: неравенство $\text{abs}(f-o) \leq \text{max}(f,o)$ справедливо для любых положительных f и o . Данное обстоятельство лишний раз подтверждает необходимость верификации р/л наукастинга с помощью третьего, независимого источника (модели, спутника, но в наилучшем случае – наземных автоматических дождемеров).

4.3. Категорийные показатели

Для выделения порогов, используемых в категорийной верификации, требуются сведения о свойствах интенсивности осадков, восстанавливаемых по данным радиолокаторов. Для этих целей были рассчитаны пространственные 10%-ные квантили интенсивности с расчетом количества точек со значениями ≥ 0.05 мм/ч и ≥ 0.0 для статистического анализа количества допусков и констант отсутствия (помеченных числом -999). Рассчитано тринадцать характеристик для всех полей радиолокационных оценок R в холодный и теплый периоды (порядка 22 тыс. сроков в каждом). При этом оценены минимальные, средние и максимальные значения пространственных квантилей, а также количество "допусков" как по полным периодам, так и отдельно по месяцам.

На основе этих расчетов построена "климатология" пространственных характеристик интенсивности радиолокационных осадков (≥ 0.05) по обоим периодам и выделены пороги превышения $thr = \{0.5, 1.0, 2.0, 3.0 \text{ мм/ч}\}$. Исключен использованный ранее порог интенсивности 4 мм/ч, приводивший к почти полному вырождению характеристик и оценок.

На рис. 7 дана стандартная схема двухвходовой таблицы сопряженности с мнемоническим описанием условий по строкам и столбцам в виде неравенств относительно порога thr . Во внутренние ячейки таблицы под двумерными номерами (1,1), (1,2), (2,1) и (2,2) записывается количество случаев a, b, c и d совместных событий, соответствующих условиям сопряженности. Наиболее простым образом ячейки описываются переводами англоязычных терминов из *теории обнаружения сигнала*: *попадания* (hits, a); *ложные тревоги* (false alarms, b); *промахи*, или *пропуски* (misses, c); *корректные*, или *правильные отклонения* (correct rejections, d). Натуральные числа a, b, c и d , включая нуль, используются в определениях описательных и критериальных оценок качества прогноза события ($prec \geq thr$).

		наблюдение		
		$\geq thr$	$< thr$	
прогноз	$\geq thr$	a	b	$a+b$
	$< thr$	c	d	$c+d$
		$a+c$	$b+d$	n

Рис. 7. Таблица сопряженности для записи количества совместных событий, определяемых конъюнкцией условий по строкам и столбцам.

Перечислим использованные или упоминаемые в данной статье описательные и критериальные оценки качества прогнозов, рассчитываемые по элементам таблицы сопряженности (рис. 7) [14, 17]. В кавычках добавлены привычные отечественные термины [11]. В квадратных скобках указан диапазон изменения характеристики, красным цветом – значение характеристики для идеального прогноза.

1. **H** – доля попаданий, "предупрежденность наличия явления", Hit Rate:

$$H = a/(a+c), [0, \mathbf{1}].$$

2. **F** – доля ложных тревог, "предупрежденность отсутствия явления", False Alarm Rate:

$$F = b/(b+d), [0, \mathbf{1}].$$

3. **PC** – "общая оправдываемость", Percent Correct: $PC = (a+d)/n, [0, \mathbf{1}].$

4. **Bias** – смещение, сдвиг, отношение повторяемостей, Bias:

$$\text{Bias} = (a+b)/(a+c), [0, \text{inf}], \mathbf{1}.$$

5. **TS** – оценка угрозы, Threat Score: $\text{TS} = a/(a+b+c), [0, \mathbf{1}]$.

6. **ETS** – беспристрастная оценка угрозы, Equitable Threat Score; или критерий Гилберта (GSS, Gilbert Skill Score). Это оценка TS, рассчитанная относительно случайной доли попаданий:

$$\text{ETS} = (\text{TS} - \text{TS}_{\text{ref}})/(1 - \text{TS}_{\text{ref}}), \text{TS}_{\text{ref}} = a_{\text{ref}}/(a+b+c), a_{\text{ref}} = (a+b)(a+c)/n, [-1/3, \mathbf{1}].$$

7. **PSS** – Критерий Пирса-Обухова, Pierce Skill Score: $\text{PSS} = H - F, [-1, +\mathbf{1}]$.

8. **EDI** – индекс экстремальной зависимости, Extremal Dependence Index:

$$\text{EDI} = (\log F - \log H)/(\log F + \log H), [-1, +\mathbf{1}].$$

4.3.1. Количество попаданий и количество правильных отклонений

Будем далее для простоты записывать порог числом без указания размерности [мм/ч].

Ячейка двухвходовой таблицы сопряженности (1,1), т. е. количество **a** правильно предсказанных событий ($\text{prec} \geq \text{thr}$) для порогов 0.5, 1.0, 2.0 и 3.0 при прогнозе на 30 мин, а также для порога 0.5 при прогнозах на 60, 90, 120 и 150 мин представлена в виде набора соответствующих карт на рис. 8.

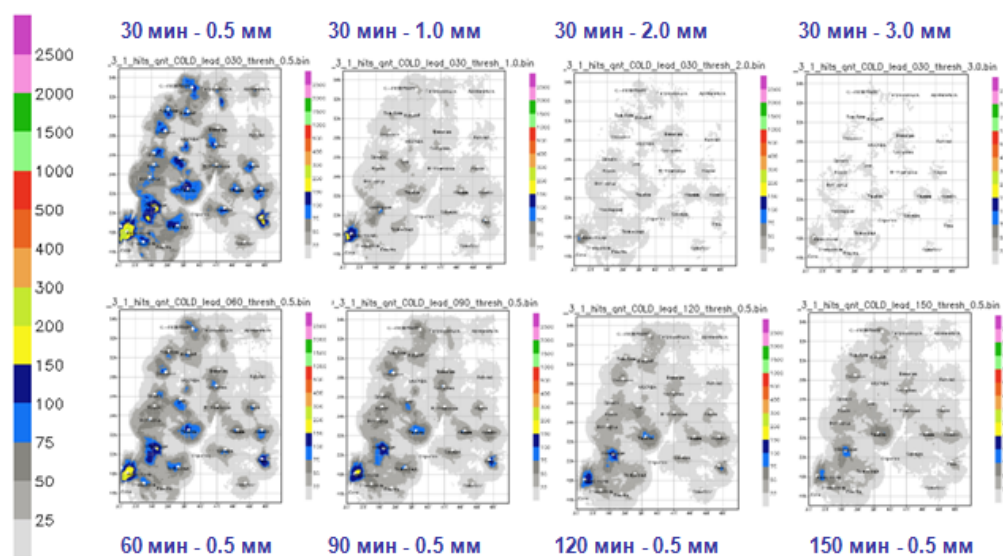


Рис. 8. Картография ячейки (1,1) таблицы сопряженности: количество попаданий при прогнозах превышений порогов интенсивности осадков в холодный период.

Верхний ряд карт рис. 8 демонстрирует уменьшение количества допусков с ростом порогов. Аналогично уменьшается количество допусков с ростом заблаговременности, если проследить от первой карты верхнего ряда и далее по всем картам нижнего ряда слева направо. Очаги точных попаданий, локализованные вокруг локаторов и расположенные вдоль левого края поля от нижнего левого угла к верхнему правому углу (западная сторона

фактической карты), довольно согласованно затухают с ростом заблаговременности. Общую тенденцию можно назвать *деградацией пространственной связности* поля характеристики.

Рассмотрим такие же последовательности карт для теплого периода (рис. 9).

В данном случае очаг точных попаданий охватывает в основном западную и центральную части России, в общем совпадающую с территорией ЦФО. Односвязность поля характеристики в целом сохраняется. Как и на прежних картах, отчетливо видна "шайба" вокруг локатора Архангельск.

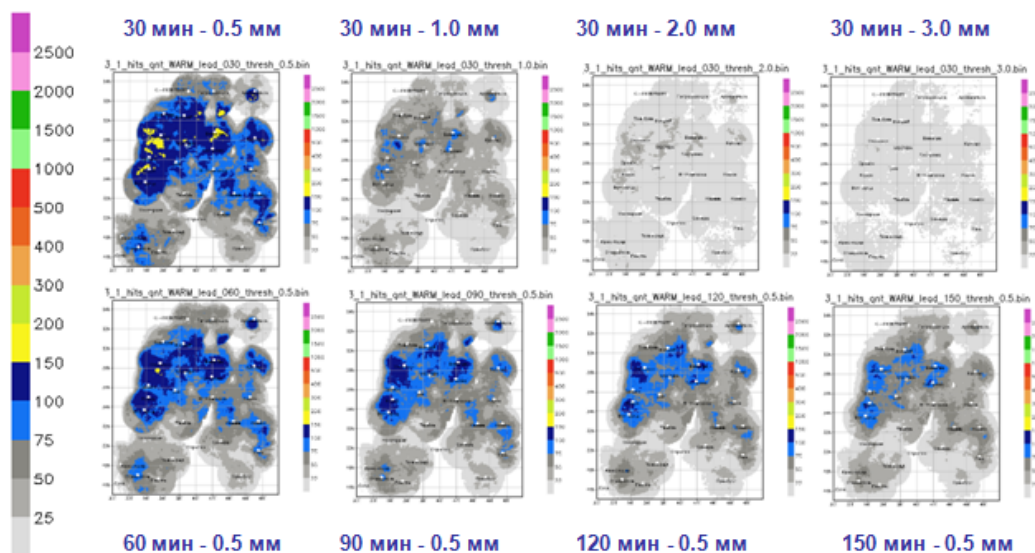


Рис. 9. Картография ячейки (1,1) таблицы сопряженности: количество попаданий при прогнозах превышений порогов интенсивности осадков в теплый период.

Приведем четыре карты для ячейки (2,2) таблицы сопряженности – количество правильных отклонений события (correct rejections) (рис. 10).

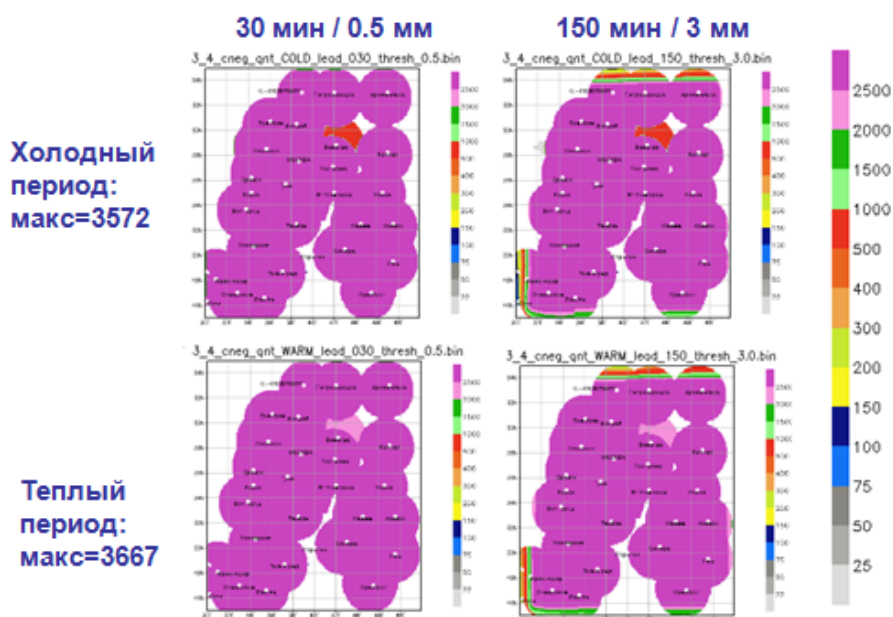


Рис. 10. Картография ячейки (2,2) для количества точных отклонений в оба периода при 30-минутных прогнозах превышения 0.5 мм и 150-минутных прогнозов превышения 3 мм.

На данных картах никаких очагов не наблюдается ввиду больших размеров выборок практически во всех точках поля. Отчетливо проявляются те же краевые эффекты в виде разноцветных полос с ростом заблаговременности. Тот факт, что при прогнозе на 30 мин превышения 0.05 мм/ч и при прогнозе на 150 мин превышения 3 мм/ч количество допусков оказалось не менее 2500 случаев в большей части карты, свидетельствует о перегруженности ячейки (2,2). Как правило, в таких случаях ячейка (1,1) попаданий и ячейка (1,2) ложных тревог таблицы сопряженности стремятся к нулю и даже обнуляются ("вырождаются"). С проблемой вырождения таблиц сопряженности систематически сталкиваются при прогнозах редких (и экстремальных) явлений, при которых не рекомендуется использовать для оценки качества ни общую оправдываемость (PC), ни критерий Пирса-Обухова (PSS) [6, 14]. Тем не менее показатель PSS будет представлен для всех порогов наряду с рекомендованным для редящих выборок показателем экстремальной зависимости EDI.

4.3.2. Показатель смещения, или отношение повторяемостей (BIAS)

Большинство показателей будут демонстрироваться в панелях аналогично расположению карт на рис. 8 и 9.

Рассмотрим смещение прогнозов (BIAS) в точках поля, т. е. отношение количества прогнозов события к количеству самих событий (рис. 11). Если смещение больше/меньше 1, то количество прогнозов превышения заданного порога превышает/занижает количество фактических превышений этого порога, при этом количество ложных тревог больше/меньше количества промахов за период испытаний.

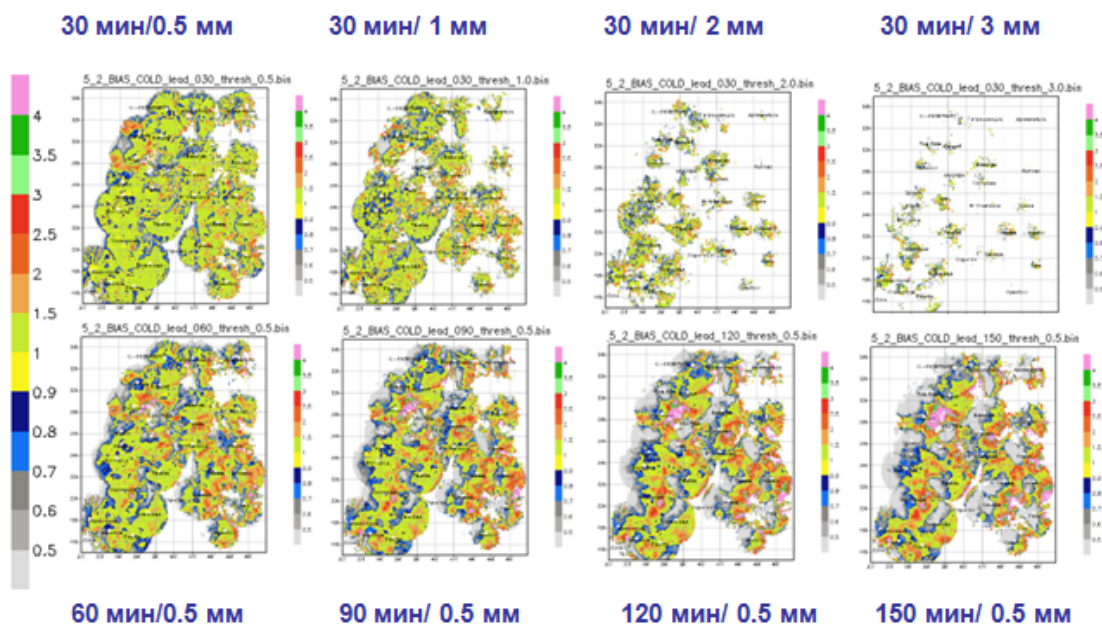


Рис. 11. Картография показателя смещения (BIAS) прогнозов для холодного периода.

В панелях рис. 11 заметны следующие особенности:

- 1) деградация связности поля с ростом порога при прогнозе на 30 мин начиная с порога 2 мм;
- 2) рост краевого эффекта с ростом заблаговременности (накопление синего цвета на западной части условной карты – занижение прогнозом повторяемости события);
- 3) наличие близких по пространству противоположных смещений (синего и красного цвета).

Полный количественный анализ пространственного распределения показателя BIAS содержится в табл. 4.

Таблица 4

Пространственное распределение показателя BIAS по 10%-ным квантилям в холодный период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 минут	thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
	0.5	0.0241	0.6667	0.8090	0.8971	0.9688	1.0268	1.0952	1.1776	1.2941	1.5319	13.5000	12375	29550
	1.0	0.0309	0.6136	0.7500	0.8571	0.9545	1.0000	1.1250	1.2400	1.4000	1.7143	10.7500	18399	23526
	2.0	0.0408	0.5556	0.6667	0.8000	0.9225	1.0000	1.0909	1.2500	1.4732	1.7500	8.0000	30358	11567
	3.0	0.0667	0.5714	0.6667	0.8000	1.0000	1.0000	1.0000	1.2222	1.4000	1.7143	6.0000	37073	4852
60 минут														
	0.5	0.0241	0.5306	0.7037	0.8235	0.9275	1.0246	1.1379	1.2746	1.4792	1.9091	21.0000	12680	29245
	1.0	0.0556	0.4667	0.6197	0.7435	0.8571	1.0000	1.1000	1.2684	1.5000	2.0000	21.5000	19482	22443
	2.0	0.0357	0.3846	0.5000	0.6250	0.7333	0.8571	1.0000	1.1667	1.4375	2.0000	13.0000	32148	9777
	3.0	0.0513	0.4000	0.5000	0.6154	0.7000	0.8333	1.0000	1.0000	1.3333	1.8571	8.5000	38720	3205
90 минут														
	0.5	0.0328	0.4324	0.6088	0.7467	0.8760	1.0000	1.1538	1.3472	1.6250	2.2143	32.5000	13128	28797
	1.0	0.0426	0.3636	0.5000	0.6333	0.7619	0.9000	1.0690	1.3000	1.6429	2.3333	33.0000	21007	20918
	2.0	0.0123	0.2857	0.3750	0.5000	0.5714	0.6923	0.8333	1.0000	1.3333	2.0000	17.0000	34699	7226
	3.0	0.0556	0.2857	0.3777	0.5000	0.5833	0.6667	0.8333	1.0000	1.2420	1.6667	12.0000	40316	1609
120 минут														
	0.5	0.0319	0.3606	0.5263	0.6726	0.8191	0.9775	1.1558	1.3846	1.7500	2.5806	47.0000	13625	28300
	1.0	0.0351	0.2820	0.4118	0.5294	0.6522	0.8000	1.0000	1.2674	1.6667	2.4444	28.0000	22646	19279
	2.0	0.0588	0.2222	0.3000	0.3704	0.4500	0.5556	0.6667	0.9000	1.2000	1.8000	17.0000	36825	5100
	3.0	0.0714	0.2222	0.3333	0.4000	0.5000	0.6000	0.7500	1.0000	1.0000	1.6667	9.0000	41215	710
150 минут														
	0.5	0.0227	0.3148	0.4592	0.6000	0.7544	0.9254	1.1250	1.4000	1.8421	2.7917	37.0000	14008	27917
	1.0	0.0244	0.2284	0.3333	0.4400	0.5588	0.7073	0.9048	1.2000	1.6250	2.4286	27.5000	24249	17676
	2.0	0.0645	0.1818	0.2500	0.3333	0.4000	0.5000	0.6667	0.8333	1.0000	1.6583	13.5000	38733	3192
	3.0	0.0741	0.1690	0.2500	0.3000	0.3677	0.5000	0.5945	0.6667	1.0000	1.3515	8.5000	41621	304

Примечание. zeros – количество точек поля с константами отсутствия и с нулями; valid – количество точек поля со значащими числами. Красный цвет – явные выбросы. Зеленый цвет – BIAS в пределах $0.5 \leq \text{BIAS} \leq 1.5$.

Наличие явных выбросов в максимальных квантилях подтверждает необходимость цензурирования данных для верификации. С ростом порогов и заблаговременности растет количество точек с нулевыми значениями и соответственно падает количество точек со значащими числами. Так, при прогнозе на 150 мин для порога 3.0 мм/ч имеется всего 304 точки поля, в которых возможны оценки показателя. Снижение объемов выборок происходит с растущей недооценкой площади явления и с увеличением количества "выбросов" около максимального значения показателя. Можно утверждать, что при прогнозе

на 30 мин не более 70 % территории занято "приемлемыми" значениями показателя для всех порогов; для 60 мин – не более 70–60 %; а для 150 мин – не более 40 %.

Небольшие числа в табл. 5 являются причиной разрушения связности поля показателя из-за редящих выборок и из-за обнуления ячеек (1,2) и (2,1) с ростом порога и иногда с ростом заблаговременности. Повторяемость события, $(hits+misses)/3572$, при прогнозе на 30 мин имеет максимальное значение в $(325+420)/3572 = 0.21$ для порога 0.5 мм/ч и $(50+73)/3572 = 0.034$ для порога 3 мм/ч (менее 35 случаев на тысячу наблюдений в точке).

Таблица 5

Пространственное распределение попаданий и промахов по 10%-ным квантилям в холодный период в поточечных выборках с указанием количества точек поля с нулями (zeros) и положительными числами (valid)

ХОЛОД													zeros	valid
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max			
ПРОГНОЗ 30 МИН														
hits														
0.5	1	3	8	13	20	28	38	49	62	81	325	11303	30622	
1.0	1	1	2	4	6	8	11	15	20	27	182	15923	26002	
2.0	1	1	1	1	2	2	3	4	6	8	84	26017	15908	
3.0	1	1	1	1	1	1	2	2	3	4	50	32850	9075	
misses														
0.5	1	3	6	9	12	16	20	24	30	38	420	10532	31393	
1.0	1	1	2	3	5	6	8	10	13	18	296	14110	27815	
2.0	1	1	1	1	2	2	3	4	5	7	153	22901	19024	
3.0	1	1	1	1	1	2	2	2	3	4	73	29394	12531	
ПРОГНОЗ 150 МИН														
hits														
0.5	1	2	3	5	8	12	16	21	27	35	105	13568	28357	
1.0	1	1	1	2	2	3	4	5	7	9	35	23500	18425	
2.0	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	17	37706	4219	
3.0	1	1	1	1	1	1	1	1	2	4	10	41254	671	
misses														
0.5	1	4	9	15	21	29	39	51	64	81	469	10763	31162	
1.0	1	2	3	5	7	10	15	20	26	35	324	13699	28226	
2.0	1	1	1	2	3	4	5	6	8	12	162	21211	20714	
3.0	1	1	1	1	2	2	3	3	4	6	75	27470	14455	

Примечание. Квантили пространственного распределения рассчитываются только по ненулевым значениям попаданий и ненулевым значениям промахов.

На рис. 12 с картами показателя смещения для теплого периода просматривается более целостная картина по сравнению с картами для холодного периода. И здесь наблюдается растущее с ростом порога обилие пространственно близких значений показателя по обе стороны от единицы, но в намного меньшей степени, чем для холодного периода. При этом распад единства поля показателя нарастает после порога 1 мм. Заметно меньше меняется поле показателя BIAS при росте заблаговременности на пороге 0.5, если оценивать тенденцию последовательно от первой верхней панели и далее по нижнему ряду панелей слева направо.

Данные, аналогичные табл. 4, но для теплого периода, собраны в табл. 6.

Видно, что "приемлемыми" оценками показателя BIAS покрыто больше территории, чем в холодный период, при этом объемы выборок (по столбцу valid) падают не так стремительно.

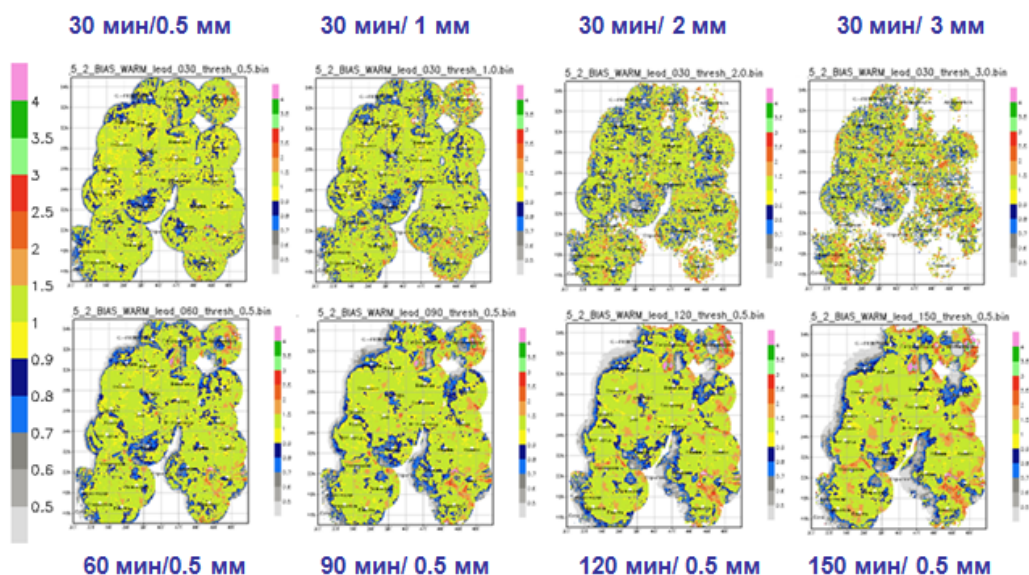


Рис. 12. Картография показателя смещения (BIAS) прогнозов для теплого периода

Таблица 6

Пространственное распределение показателя BIAS по 10%-ным квантилям в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин	thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
30 мин	0.5	0.0234	0.7882	0.8723	0.9204	0.9571	0.9907	1.0235	1.0619	1.1104	1.1974	8.2500	9677	32248
	1.0	0.0364	0.7368	0.8391	0.9032	0.9535	1.0000	1.0519	1.1099	1.1875	1.3333	14.3333	10287	31638
	2.0	0.0625	0.6500	0.7727	0.8571	0.9302	1.0000	1.0833	1.1765	1.3043	1.5217	13.0000	12870	29055
	3.0	0.1053	0.6000	0.7273	0.8333	0.9231	1.0000	1.1250	1.2500	1.4167	1.7143	6.3333	16600	25325
60 мин	0.5	0.0198	0.7059	0.8310	0.9034	0.9574	1.0000	1.0518	1.1020	1.1687	1.2909	14.7500	9794	32131
	1.0	0.0312	0.6458	0.7778	0.8646	0.9333	1.0000	1.0667	1.1458	1.2523	1.4706	14.6667	10746	31179
	2.0	0.0625	0.5556	0.6875	0.7895	0.8750	0.9655	1.0588	1.1765	1.3333	1.6300	13.5000	14337	27588
	3.0	0.0800	0.5000	0.6250	0.7333	0.8333	0.9412	1.0588	1.2000	1.4000	1.7500	12.0000	19855	22070
90 мин	0.5	0.0174	0.6522	0.8077	0.8971	0.9628	1.0213	1.0795	1.1429	1.2299	1.3933	19.7500	9985	31940
	1.0	0.0400	0.5758	0.7273	0.8269	0.9107	0.9903	1.0678	1.1622	1.2933	1.5625	29.5000	11279	30646
	2.0	0.0476	0.4737	0.6087	0.7099	0.8056	0.9000	1.0000	1.1316	1.3077	1.6250	19.0000	16230	25695
	3.0	0.0769	0.4115	0.5333	0.6364	0.7333	0.8421	1.0000	1.1111	1.3333	1.6667	13.0000	23627	18298
120 мин	0.5	0.0185	0.5942	0.7835	0.8889	0.9684	1.0394	1.1087	1.1834	1.2878	1.4902	21.2500	10196	31729
	1.0	0.0364	0.5000	0.6800	0.7917	0.8814	0.9667	1.0541	1.1585	1.3077	1.6111	24.0000	12017	29908
	2.0	0.0444	0.4062	0.5385	0.6418	0.7333	0.8235	0.9286	1.0588	1.2500	1.5882	17.0000	18571	23354
	3.0	0.0444	0.3333	0.4545	0.5455	0.6364	0.7273	0.8333	1.0000	1.1667	1.5000	12.0000	27404	14521
150 мин	0.5	0.0250	0.5635	0.7667	0.8889	0.9756	1.0536	1.1333	1.2222	1.3446	1.5942	21.0000	10418	31507
	1.0	0.0417	0.4571	0.6309	0.7500	0.8493	0.9394	1.0306	1.1429	1.3000	1.6250	33.5000	12752	29173
	2.0	0.0345	0.3462	0.4706	0.5714	0.6591	0.7500	0.8500	1.0000	1.1429	1.4545	14.5000	21128	20797
	3.0	0.0571	0.2941	0.3889	0.4615	0.5385	0.6250	0.7222	0.8382	1.0000	1.3135	8.5000	31148	10777

Данные, аналогичные табл. 5, собраны в табл. 7, содержащей квантильное распределение по пространству значений соответствующих ячеек таблицы сопряженности. По сравнению с табличными характеристиками для холодного периода, здесь намного больше чисел выше единицы, а это значит, что пространственная оценка качества обеспечена более значительными объемами выборок и оказывается тем самым статистически более надежной.

**Пространственное распределение попаданий и промахов по 10%-м квантилям
в теплый период в поточечных выборках с указанием количества точек поля с нулями (zeros)
и положительными числами (valid)**

thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
ПРОГНОЗ 30 мин													
hits													
0.5	1	22	35	47	59	69	80	92	105	123	195	9560	32365
1.0	1	6	13	19	24	30	35	41	49	60	115	10033	31892
2.0	1	2	4	6	7	9	12	14	17	22	57	12199	29726
3.0	1	1	2	3	3	4	5	7	8	11	33	15371	26554
misses													
0.5	1	16	21	25	29	32	36	41	46	53	136	9485	32440
1.0	1	7	11	14	17	20	23	26	30	35	88	9573	32352
2.0	1	3	5	6	8	10	12	14	16	20	54	10329	31596
3.0	1	2	3	4	5	6	7	8	10	13	34	11808	30117
ПРОГНОЗ 150 мин													
hits													
0.5	1	6	12	19	26	33	40	48	58	71	115	10360	31565
1.0	1	2	4	6	8	10	13	16	21	27	62	12685	29240
2.0	1	1	1	2	2	3	3	4	5	7	24	20992	20933
3.0	1	1	1	1	1	1	2	2	2	3	9	30888	11037
misses													
0.5	1	23	37	46	56	65	73	82	93	107	207	9676	32249
1.0	1	10	18	25	32	38	44	50	58	68	139	9956	31969
2.0	1	4	7	10	14	17	20	24	28	34	77	10759	31166
3.0	1	2	4	6	7	9	11	13	16	20	52	11968	29957

Все же в максимальных квантилях (по пространственным долям порядка 10 % от полного поля) значения показателя вполне сравнимы со своими аналогами в табл. 5 для холодного периода, таким образом, и здесь также возможны нежелательные выбросы и неустраняемые граничные эффекты.

4.3.3. Беспристрастная оценка угрозы (ETS)

Английское название показателя ETS (Equitable Threat Score) – дань традиции и не соответствует свойству показателя [17]. Дело в том, что эпитет equitable означает оценку нулевым значением случайного и неизменного прогнозов, а также вознаграждение правильного прогноза редкого явления. Как выяснилось, данный показатель, впервые предложенный Гилбертом в 1884 г., не стремится к нулю на случайных прогнозах при конечных выборках, но "беспристрастен" в асимптотическом смысле, т. е. при стремлении объема выборки к бесконечности. В связи с этим рекомендуется название Gilbert Skill Score (GSS, критерий Гилберта), но в англоязычных публикациях, и вслед за ними в наших переводах, сохраняется традиционное наименование и сокращение.

Напомним определение показателя ETS и отчасти справедливо приписываемые ему свойства, основываясь на обозначениях ячеек таблицы сопряженности (рис. 13). Данный показатель строится как критерий (skill score) на оценке (score) TS:

$$TS = a/(a+b+c), TS_{ref} = a_{ref}/(a+b+c), a_{ref} = (a+b)(a+c)/n,$$

$$ETS = (TS - TS_{ref}) / (1 - TS_{ref}) = (a - a_{ref}) / (a - a_{ref} + b + c).$$

Число a_{ref}/n равно произведению маргинальных вероятностей, которому равнялась бы доля попаданий при статистической независимости прогнозов и наблюдений. Таким

образом, положительное ETS оценивает превышение качества прогнозов над случайным прогнозом. Однако данный показатель вполне корректно оценивает преимущество методического прогноза над случайным прогнозом лишь на выборках из примерно более трех десятков значений. На более редких событиях он может вырождаться и приводить к неестественно высокой оценке [15].

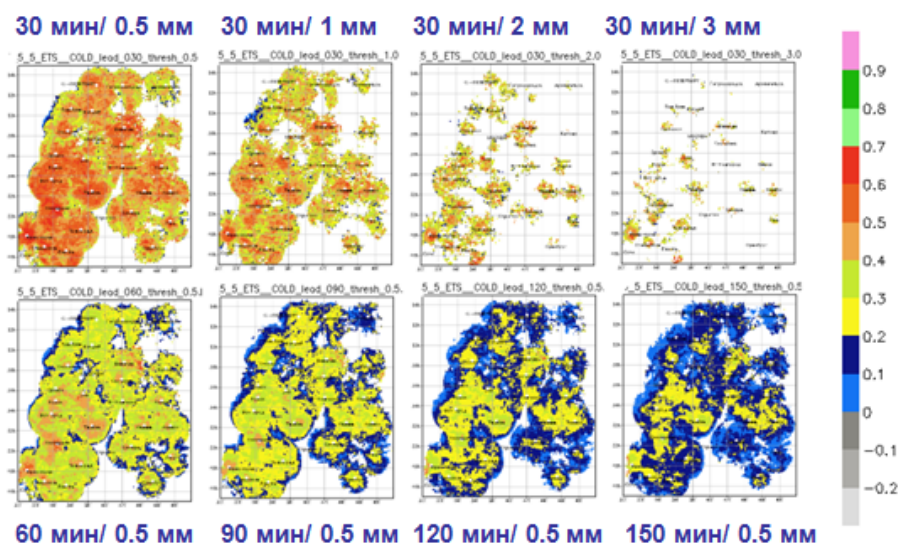


Рис. 13. Картография показателя ETS прогнозов для холодного периода.

По верхнему ряду панелей видно, что диапазон оценок 0.4–0.6 (для порога 0.5 мм) изменяется примерно до 0.3–0.5 (для порога 1 мм). Как и для доли попаданий, пороги 2 и 3 мм оказываются "деструктивными", на них пространственная связность теряется, растет пятнистость. Тем не менее сохраняющиеся пятна и даже отдельные точки (в реальности это квадраты 10×10 км) отражают очаги редких явлений, иногда удовлетворительно предсказанных.

Последовательность от левой верхней панели (прогноз на 30 мин) и всего нижнего ряда панелей (прогнозы от 60 до 150 мин) демонстрирует падение качества от 0.4–0.7 до 0.0–0.3 (от "красного" цвета до "синего"), здесь также заметна очаговая локализация высоких значений показателя.

Рис. 14 содержит картографию показателя ETS для теплого периода. Все пороги не столь деструктивны, как в холодный период, хотя на 2 и 3 мм заметна растущая хаотизация, когда рядом могут возникать значения из противоположных краев диапазона изменения показателя. По панелям прогноза на 30 мин (с ростом порога) максимальные значения показателя изменяются от ~0.7 на пороге 0.5 мм до ~0.4 на порогах 2 и 3 мм. Нижний ряд представляет также более целостную пространственную картину, чем в холодный период; однако видно, что с ростом заблаговременности отчетливо растут краевые эффекты.

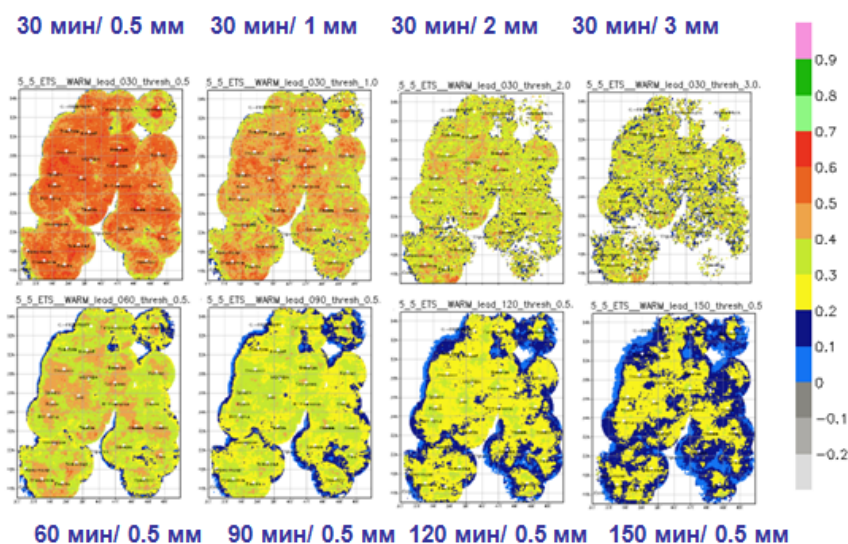


Рис. 14. Картография показателя ETS прогнозов для теплого периода.

Квантильные значения показателя ETS, соответствующие картам рис. 13 и 14, собраны в табл. 8 и 9 для холодного и теплого периодов соответственно. Зеленым цветом (оценок полезного прогноза) выделены значения не менее 0.3. То, что в обеих таблицах отсутствуют отрицательные значения показателя по всем порогам и всем заблаговременностям (кроме двух незначительных отрицательных чисел в таблице для теплого периода), свидетельствует о регулярном превышении качества методического прогноза над случайным. Однако при этом заполнение поля числами зеленого цвета быстро уменьшается как с ростом порога, так и с ростом заблаговременности.

Таблица 8

Пространственное распределение показателя ETS по 10%-ным квантилям в холодный период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин	thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
30 мин	0.5	0.0104	0.2515	0.3316	0.3803	0.4187	0.4494	0.4774	0.5031	0.5330	0.5709	0.8326	12375	29550
	1.0	0.0207	0.1863	0.2492	0.2975	0.3329	0.3712	0.4004	0.4362	0.4722	0.5207	0.7995	18399	23526
	2.0	0.0190	0.1528	0.1996	0.2493	0.2851	0.3321	0.3504	0.3992	0.4437	0.4997	0.8329	30358	11567
	3.0	0.0243	0.1660	0.1996	0.2490	0.2497	0.3313	0.3331	0.3875	0.4280	0.4997	0.7995	37073	4852
60 мин	0.5	0.0088	0.1353	0.1906	0.2326	0.2656	0.2947	0.3219	0.3474	0.3768	0.4154	0.7489	12680	29245
	1.0	0.0192	0.0992	0.1365	0.1662	0.1985	0.2235	0.2497	0.2827	0.3164	0.3627	0.6356	19482	22443
	2.0	0.0159	0.0902	0.1238	0.1423	0.1662	0.1992	0.2258	0.2497	0.2992	0.3561	0.7134	32148	9777
	3.0	0.0179	0.1104	0.1423	0.1662	0.1992	0.1996	0.2497	0.2655	0.3328	0.3664	0.7773	38720	3205
90 мин	0.5	0.0000	0.0904	0.1333	0.1676	0.1978	0.2224	0.2474	0.2710	0.2991	0.3368	0.7678	13128	28797
	1.0	0.0091	0.0665	0.0944	0.1187	0.1418	0.1648	0.1862	0.2102	0.2412	0.2841	0.6663	21007	20918
	2.0	0.0056	0.0662	0.0894	0.1041	0.1244	0.1423	0.1662	0.1992	0.2340	0.2852	0.5996	34699	7226
	3.0	0.0219	0.0826	0.1104	0.1246	0.1424	0.1663	0.1996	0.2345	0.2497	0.3331	0.5996	40316	1609
120 мин	0.5	0.0067	0.0683	0.1012	0.1302	0.1548	0.1777	0.1993	0.2218	0.2489	0.2850	0.6819	13625	28300
	1.0	0.0077	0.0514	0.0721	0.0904	0.1099	0.1286	0.1481	0.1698	0.1984	0.2380	0.5984	22646	19279
	2.0	0.0137	0.0583	0.0759	0.0901	0.0995	0.1239	0.1423	0.1662	0.1996	0.2497	0.6663	36825	5100
	3.0	0.0284	0.0708	0.0993	0.1244	0.1424	0.1662	0.1976	0.1996	0.2497	0.3330	0.4997	41215	710
150 мин	0.5	0.0044	0.0545	0.0815	0.1052	0.1269	0.1479	0.1668	0.1870	0.2113	0.2463	0.7699	14008	27917
	1.0	0.0056	0.0421	0.0581	0.0727	0.0890	0.1045	0.1227	0.1418	0.1658	0.2032	0.6258	24249	17676
	2.0	0.0154	0.0543	0.0660	0.0825	0.0992	0.1107	0.1326	0.1657	0.1992	0.2494	0.5996	38733	3192
	3.0	0.0248	0.0659	0.0880	0.1096	0.1277	0.1567	0.1959	0.2159	0.2497	0.3329	0.4997	41621	304

**Пространственное распределение показателя ETS по 10%-ным квантилям
в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid)
в поточечных выборках**

30 мин	thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.0107	0.3536	0.4243	0.4620	0.4869	0.5065	0.5239	0.5412	0.5595	0.5840	0.7392		9677	32248
1.0	0.0108	0.2487	0.3202	0.3596	0.3883	0.4126	0.4342	0.4565	0.4804	0.5114	0.7773		10287	31638
2.0	0.0236	0.1654	0.2156	0.2496	0.2830	0.3095	0.3329	0.3627	0.3956	0.4362	0.7639		12870	29055
3.0	0.0228	0.1232	0.1639	0.1973	0.2210	0.2490	0.2766	0.3081	0.3425	0.3980	0.7267		16600	25325
60 мин														
0.5	0.0088	0.2057	0.2740	0.3110	0.3361	0.3564	0.3743	0.3927	0.4129	0.4386	0.6214		9794	32131
1.0	0.0104	0.1330	0.1839	0.2172	0.2428	0.2649	0.2854	0.3062	0.3292	0.3598	0.7259		10746	31179
2.0	0.0166	0.0786	0.1098	0.1347	0.1565	0.1776	0.1988	0.2209	0.2474	0.2829	0.6356		14337	27588
3.0	0.0133	0.0617	0.0825	0.0994	0.1188	0.1402	0.1581	0.1808	0.2066	0.2488	0.5709		19855	22070
90 мин														
0.5	0.0027	0.1408	0.1985	0.2335	0.2585	0.2780	0.2951	0.3127	0.3321	0.3576	0.7097		9985	31940
1.0	0.0065	0.0833	0.1232	0.1514	0.1734	0.1932	0.2119	0.2314	0.2529	0.2820	0.5414		11279	30646
2.0	0.0098	0.0517	0.0721	0.0895	0.1053	0.1227	0.1402	0.1576	0.1800	0.2109	0.7771		16230	25695
3.0	0.0165	0.0441	0.0577	0.0706	0.0836	0.0986	0.1118	0.1310	0.1528	0.1864	0.6657		23627	18298
120 мин														
0.5	-0.0021	0.1025	0.1503	0.1821	0.2054	0.2245	0.2410	0.2583	0.2766	0.3016	0.4980		10196	31729
1.0	0.0041	0.0602	0.0894	0.1127	0.1314	0.1489	0.1656	0.1834	0.2028	0.2285	0.5541		12017	29908
2.0	0.0094	0.0384	0.0519	0.0656	0.0783	0.0914	0.1051	0.1208	0.1403	0.1662	0.4994		18571	23354
3.0	0.0129	0.0367	0.0462	0.0549	0.0657	0.0782	0.0902	0.1051	0.1243	0.1539	0.5992		27404	14521
150 мин														
0.5	-0.0034	0.0790	0.1180	0.1468	0.1683	0.1852	0.2012	0.2167	0.2338	0.2569	0.4975		10418	31507
1.0	0.0015	0.0437	0.0667	0.0856	0.1019	0.1163	0.1317	0.1473	0.1648	0.1894	0.5338		12752	29173
2.0	0.0057	0.0298	0.0413	0.0512	0.0607	0.0713	0.0828	0.0963	0.1119	0.1386	0.4993		21128	20797
3.0	0.0152	0.0328	0.0409	0.0486	0.0567	0.0656	0.0760	0.0901	0.1091	0.1361	0.3996		31148	10777

Отметим большое сходство таблиц для обоих периодов и по значениям показателя, и по тенденциям его изменения в зависимости от порогов и прогностических сроков, за исключением объемов выборок (столбцы valid), несопоставимых на больших порогах превышения.

Сделаем замечание о возможности цензурирования данных для устранения или учета краевых эффектов, которые сходным образом проявляются на картах показателя ETS в оба периода (рис. 13 и 14). Так как эти значения выделяются синим цветом и отражаются в таблицах распространением на более высокие квантили (т. е. по пространству) значений ETS между 0 и 0.1 с ростом порога и заблаговременности, то цензурированию подлежат соответственно растущие доли пространства. Ввиду того, что граничные эффекты "расползаются" с ростом заблаговременности, сама процедура цензурирования становится в некотором роде "динамической" и существенно усложняется.

Если выделить значение ETS=0.1 как наибольшее для "динамического" цензурирования, то в таблице для холодного периода исключению из сравнительного анализа прогнозов, например на 150 мин, подлежат квантили до 40 % пространства, а для теплого периода – до 80 % пространства. Однако вывод о "преимуществе" прогнозов в холодный период по данному показателю не совсем корректен статистически. Количество точек поля, в которых при прогнозе на 150 мин превышения порога 3 мм в холодный период была сформирована выборка для верификации, оказалось равным 304 против 10777 в теплый

период. На малых выборках оценки качества находятся под критическим влиянием выборочных эффектов и могут принимать любые, в том числе "наиболее выгодные" значения случайным образом.

4.3.4. Критерий Пирса-Обухова (PSS)

Картография показателя PSS на рис. 15 и 16 в общих чертах повторяет аналогичную картографию для категориальных показателей HR и ETS (рис. 13 и 14). В основном это быстрое разрушение связности при росте порога для холодного периода начиная с 2 мм/ч и постепенное усиление граничного эффекта при увеличении заблаговременности для обоих периодов начиная с 90 мин. Также можно оставшиеся на карте (даже для порога 3 мм) точки и пятна отнести к очагам высоких значений показателя.

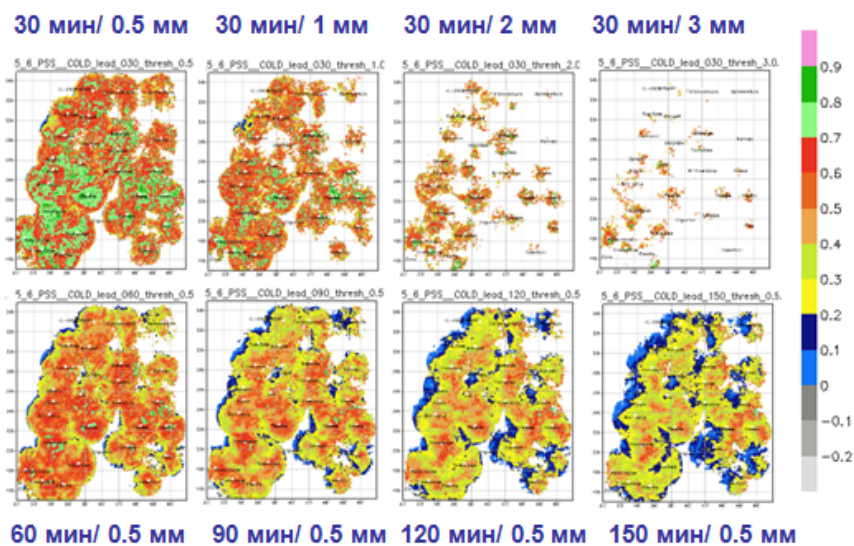


Рис. 15. Картография показателя PSS прогнозов для холодного периода.

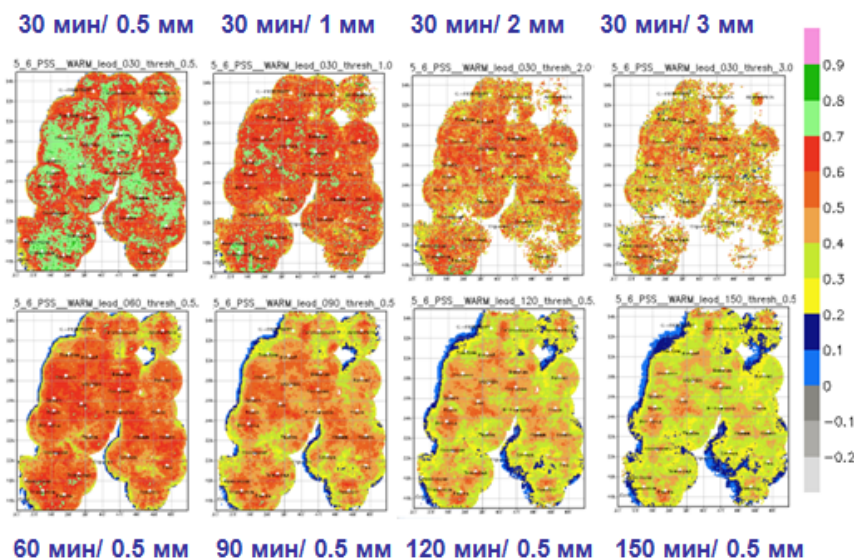


Рис. 16. Картография показателя PSS прогнозов для теплого периода.

В табл. 10 и 11 пространственного распределения показателя PSS зеленым цветом выделены значения не меньше 0.5.

Таблица 10

Пространственное распределение показателя PSS по 10%-ным квантилям в холодный период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.0112	0.3980	0.4990	0.5669	0.6091	0.6444	0.6738	0.7041	0.7350	0.7740	0.9577	12375	29550
1.0	0.0241	0.3273	0.3994	0.4781	0.4997	0.5608	0.5998	0.6506	0.6901	0.7486	0.9476	18399	23526
2.0	0.0199	0.2494	0.3325	0.3989	0.4867	0.4994	0.5373	0.5992	0.6658	0.7480	0.9352	30358	11567
3.0	0.0258	0.2494	0.3328	0.3628	0.4977	0.4994	0.4997	0.5709	0.6658	0.7129	0.9222	37073	4852
60 мин													
0.5	0.0097	0.2415	0.3297	0.3912	0.4399	0.4815	0.5144	0.5525	0.5949	0.6487	0.9497	12680	29245
1.0	0.0262	0.1661	0.2387	0.2855	0.3319	0.3790	0.4246	0.4776	0.5152	0.5975	0.9462	19482	22443
2.0	0.0170	0.1423	0.1986	0.2480	0.2838	0.3322	0.3719	0.4280	0.4989	0.5703	0.8978	32148	9777
3.0	0.0200	0.1658	0.1997	0.2497	0.3310	0.3328	0.3983	0.4989	0.4995	0.5711	0.8747	38720	3205
90 мин													
0.5	0.0000	0.1644	0.2430	0.2984	0.3445	0.3887	0.4289	0.4699	0.5083	0.5690	0.9369	13128	28797
1.0	0.0138	0.1152	0.1647	0.2024	0.2477	0.2852	0.3303	0.3730	0.4307	0.4986	0.9024	21007	20918
2.0	0.0059	0.0991	0.1247	0.1650	0.1989	0.2461	0.2770	0.3322	0.3974	0.4991	0.8552	34699	7226
3.0	0.0244	0.1105	0.1426	0.1986	0.2486	0.2510	0.3325	0.3331	0.4980	0.4997	0.8528	40316	1609
120 мин													
0.5	0.0087	0.1230	0.1873	0.2373	0.2784	0.3222	0.3643	0.4083	0.4546	0.5090	0.9026	13625	28300
1.0	0.0107	0.0819	0.1214	0.1559	0.1941	0.2265	0.2626	0.3102	0.3624	0.4596	0.9172	22646	19279
2.0	0.0159	0.0766	0.0997	0.1244	0.1533	0.1969	0.2219	0.2497	0.3328	0.4983	0.8322	36825	5100
3.0	0.0316	0.0903	0.1395	0.1664	0.1997	0.2492	0.2845	0.3328	0.4292	0.4997	0.8280	41215	710
150 мин													
0.5	0.0050	0.0951	0.1481	0.1922	0.2316	0.2721	0.3157	0.3554	0.4014	0.4756	0.8948	14008	27917
1.0	0.0070	0.0619	0.0928	0.1225	0.1502	0.1799	0.2120	0.2489	0.3144	0.3978	0.8702	24249	17676
2.0	0.0167	0.0661	0.0901	0.1108	0.1409	0.1658	0.1994	0.2494	0.3322	0.4980	0.8225	38733	3192
3.0	0.0280	0.0766	0.1108	0.1423	0.1774	0.2109	0.2497	0.3326	0.3745	0.4997	0.6664	41621	304

Таблица 11

Пространственное распределение показателя PSS по 10%-ным квантилям в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.0112	0.5113	0.5878	0.6247	0.6516	0.6724	0.6908	0.7085	0.7280	0.7538	0.9384	9677	32248
1.0	0.0116	0.3964	0.4801	0.5258	0.5605	0.5894	0.6144	0.6395	0.6673	0.7042	0.9184	10287	31638
2.0	0.0269	0.2723	0.3473	0.3994	0.4441	0.4931	0.5123	0.5516	0.5928	0.6492	0.9306	12870	29055
3.0	0.0269	0.1994	0.2705	0.3311	0.3703	0.4104	0.4559	0.4984	0.5449	0.6228	0.9375	16600	25325
60 мин													
0.5	0.0096	0.3367	0.4248	0.4713	0.5038	0.5305	0.5538	0.5765	0.6006	0.6308	0.8686	9794	32131
1.0	0.0115	0.2313	0.3070	0.3557	0.3917	0.4236	0.4522	0.4817	0.5125	0.5534	0.8912	10746	31179
2.0	0.0229	0.1407	0.1959	0.2350	0.2703	0.3039	0.3322	0.3709	0.4103	0.4704	0.8970	14337	27588
3.0	0.0303	0.1089	0.1420	0.1791	0.2080	0.2470	0.2742	0.3157	0.3550	0.4317	0.8736	19855	22070
90 мин													
0.5	0.0032	0.2458	0.3293	0.3797	0.4155	0.4438	0.4680	0.4919	0.5182	0.5520	0.8486	9985	31940
1.0	0.0076	0.1531	0.2169	0.2614	0.2966	0.3271	0.3564	0.3869	0.4194	0.4623	0.8001	11279	30646
2.0	0.0174	0.0889	0.1242	0.1559	0.1848	0.2129	0.2450	0.2720	0.3105	0.3632	0.8745	16230	25695
3.0	0.0239	0.0752	0.0984	0.1228	0.1418	0.1655	0.1973	0.2250	0.2631	0.3315	0.8562	23627	18298
120 мин													
0.5	-0.0027	0.1830	0.2629	0.3133	0.3482	0.3778	0.4031	0.4276	0.4548	0.4913	0.8158	10196	31729
1.0	0.0055	0.1085	0.1605	0.1995	0.2314	0.2600	0.2881	0.3165	0.3476	0.3879	0.7913	12017	29908
2.0	0.0155	0.0642	0.0894	0.1127	0.1354	0.1594	0.1812	0.2074	0.2436	0.2898	0.8267	18571	23354
3.0	0.0214	0.0589	0.0747	0.0903	0.1092	0.1253	0.1494	0.1740	0.2059	0.2661	0.7989	27404	14521
150 мин													
0.5	-0.0043	0.1439	0.2155	0.2626	0.2972	0.3273	0.3522	0.3759	0.4021	0.4391	0.9046	10418	31507
1.0	0.0021	0.0786	0.1202	0.1535	0.1821	0.2083	0.2348	0.2608	0.2893	0.3290	0.8690	12752	29173
2.0	0.0111	0.0476	0.0672	0.0838	0.1012	0.1206	0.1401	0.1631	0.1937	0.2426	0.7975	21128	20797
3.0	0.0189	0.0494	0.0620	0.0747	0.0887	0.1031	0.1223	0.1415	0.1701	0.2259	0.7465	31148	10777

Как и для предыдущих показателей, по количеству зеленых чисел есть некоторое преимущество карт холодного диапазона для отдельных заблаговременностей в сравнении с

данными по теплому периоду (табл. 11), но также следует учитывать объемы выборок, а значит, и статистическую значимость "преимущества", которое может быть выборочным, т. е. случайным.

Имеются два небольших отрицательных числа на тех же местах, что и в таблице ETS для теплого периода (табл. 14): там, где качество категорийного прогноза оказалось чуть ниже качества случайного прогноза, здесь доля ложных тревог немного превысила долю попаданий.

4.3.5. Индекс экстремальной зависимости (EDI)

Как упоминалось выше, показатель EDI рекомендуется использовать для оценки качества прогнозов редких явлений, так как он имеет статистические преимущества перед всеми ранее описанными категорийными показателями, в частности перед ETS и PSS [4, 6, 14]. Однако отмеченные преимущества EDI справедливы при теоретических, в первую очередь асимптотических предположениях, которые не выполняются автоматически на каждой конечной выборке. Как было показано в [6], одним из условий корректного применения данного показателя является сходимость к невырожденному значению не при некотором пороге превышения, а при последовательном увеличении этого порога. Возникает проблема определения последовательности порогов для оценки сходимости показателя, и эта проблема остается пока открытой.

На рис. 17 и 18 собраны карты показателя EDI прогнозов для холодного и теплого периодов.

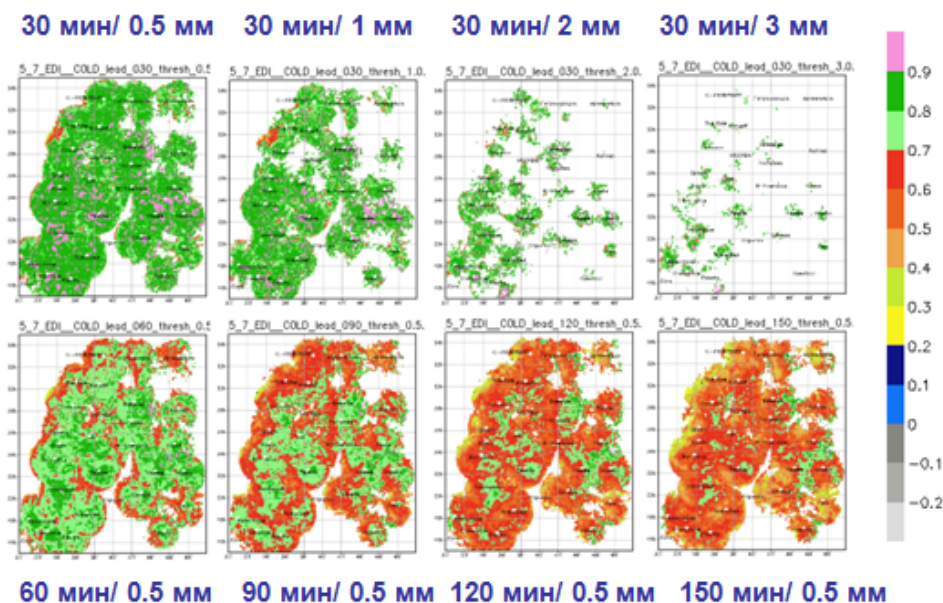


Рис. 17. Картография показателя EDI прогнозов для холодного периода.

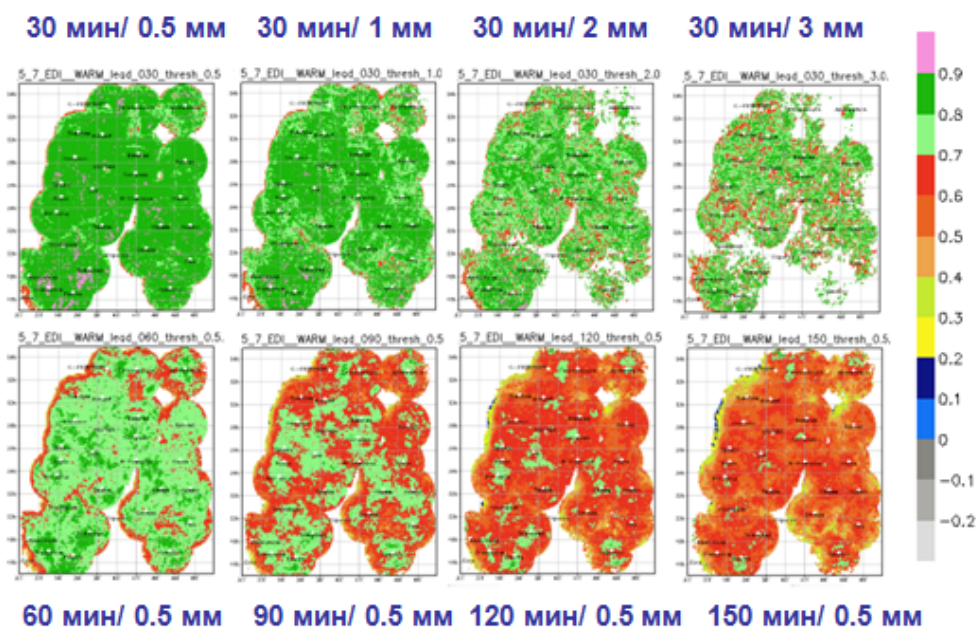


Рис. 18. Картография показателя EDI прогнозов для теплого периода.

На картографии рис. 17 для холодного периода можно выделить пространственное сходство с ETS и PSS в довольно быстром нарастании "деструктивности" порогов после 1 мм, но, в отличие от тех же показателей, граничный эффект с ростом заблаговременности проявляется в основном на первых порогах (нижний ряд).

Для теплого периода (рис. 18) также отмечается более связанная пространственная структура в сравнении с холодным периодом. "Деструктивные" пороги не проявляются столь сильно, но есть некоторая пространственная хаотизация, заключающаяся в появлении мелких, почти точечных очагов значений показателя (панель с порогом 3 мм). В нижнем ряду панелей можно заметить слабое проявление граничного эффекта (узкая красная полоса на 60 мин).

В табл. 12 и 13 зеленым цветом выделены значения EDI не меньше 0.5 для сопоставления с поведением показателя PSS.

Как известно, положительные значения EDI (когда доля попаданий в категорию выше соответствующей доли ложных тревог) всегда больше PSS [6], поэтому более корректным было бы использование порога 0.6 или 0.7. В любом случае картина выглядит более «гармонично» – нет резкого падения «качества» при росте порогов и при росте заблаговременности. Возможно, это свидетельствует о заявленном преимуществе EDI перед показателями ETS и PSS при оценке качества прогнозов редких явлений.

Сравнение таблиц показателя EDI для двух периодов приводит к выводу, что по количеству зеленого цвета качество несколько ниже в теплый период (табл. 13), чем в холодный период. Вполне возможно, что это "преимущество" приобретено как за счет

выборочного эффекта малой выборки, так и за счет заниженного «характерного» порога для самого показателя (0.5).

Таблица 12

Пространственное распределение показателя EDI по 10%-ным квантилям в холодный период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.1784	0.7405	0.7879	0.8140	0.8320	0.8469	0.8604	0.8734	0.8874	0.9055	0.9867	12375	29550
1.0	0.2466	0.7002	0.7530	0.7853	0.8091	0.8286	0.8442	0.8636	0.8835	0.9067	0.9819	18399	23526
2.0	0.3210	0.6759	0.7312	0.7632	0.7994	0.8217	0.8433	0.8598	0.8872	0.9139	0.9791	30358	11567
3.0	0.3157	0.6874	0.7343	0.7632	0.8037	0.8275	0.8434	0.8465	0.8873	0.9055	0.9776	37073	4852
60 мин													
0.5	0.1655	0.6076	0.6643	0.6976	0.7215	0.7430	0.7628	0.7820	0.8036	0.8311	0.9827	12680	29245
1.0	0.2564	0.5603	0.6184	0.6585	0.6895	0.7159	0.7405	0.7661	0.7959	0.8316	0.9810	19482	22443
2.0	0.2421	0.5642	0.6155	0.6515	0.6875	0.7140	0.7440	0.7763	0.8146	0.8438	0.9660	32148	9777
3.0	0.2313	0.5960	0.6460	0.6869	0.7102	0.7438	0.7632	0.8091	0.8305	0.8438	0.9673	38720	3205
90 мин													
0.5	-0.0000	0.5193	0.5827	0.6199	0.6490	0.6746	0.6984	0.7219	0.7479	0.7829	0.9766	13128	28797
1.0	0.1711	0.4833	0.5433	0.5822	0.6156	0.6449	0.6725	0.7040	0.7374	0.7841	0.9626	21007	20918
2.0	0.1951	0.4987	0.5459	0.5840	0.6155	0.6481	0.6850	0.7135	0.7599	0.8148	0.9517	34699	7226
3.0	0.2215	0.5339	0.5874	0.6270	0.6629	0.6875	0.7152	0.7486	0.7985	0.8434	0.9448	40316	1609
120 мин													
0.5	0.0979	0.4587	0.5217	0.5604	0.5909	0.6196	0.6480	0.6746	0.7039	0.7458	0.9600	13625	28300
1.0	0.0927	0.4268	0.4857	0.5259	0.5592	0.5902	0.6212	0.6537	0.6947	0.7539	0.9693	22646	19279
2.0	0.1921	0.4675	0.5120	0.5461	0.5814	0.6147	0.6461	0.6850	0.7258	0.8040	0.9477	36825	5100
3.0	0.2572	0.5010	0.5548	0.5979	0.6402	0.6708	0.7056	0.7314	0.7632	0.8401	0.9326	41215	710
150 мин													
0.5	0.0853	0.4094	0.4710	0.5127	0.5461	0.5770	0.6061	0.6360	0.6682	0.7162	0.9561	14008	27917
1.0	0.0860	0.3848	0.4430	0.4825	0.5161	0.5461	0.5790	0.6130	0.6596	0.7247	0.9512	24249	17676
2.0	0.2455	0.4440	0.4939	0.5309	0.5685	0.5986	0.6366	0.6722	0.7210	0.7998	0.9320	38733	3192
3.0	0.2747	0.4604	0.5148	0.5603	0.5871	0.6401	0.6711	0.7101	0.7631	0.8305	0.9055	41621	304

Таблица 13

Пространственное распределение показателя EDI по 10%-ным квантилям в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.2443	0.7736	0.8094	0.8265	0.8389	0.8485	0.8575	0.8664	0.8765	0.8895	0.9779	9677	32248
1.0	0.2056	0.7224	0.7638	0.7864	0.8026	0.8162	0.8288	0.8411	0.8551	0.8737	0.9705	10287	31638
2.0	0.3162	0.6581	0.7069	0.7349	0.7586	0.7783	0.7971	0.8152	0.8348	0.8617	0.9769	12870	29055
3.0	0.2292	0.6125	0.6630	0.7000	0.7280	0.7533	0.7762	0.8008	0.8252	0.8605	0.9786	16600	25325
60 мин													
0.5	0.1308	0.6406	0.6926	0.7177	0.7357	0.7507	0.7642	0.7777	0.7924	0.8114	0.9484	9794	32131
1.0	0.1775	0.5790	0.6305	0.6610	0.6834	0.7020	0.7196	0.7372	0.7560	0.7822	0.9564	10746	31179
2.0	0.2084	0.5056	0.5599	0.5969	0.6251	0.6498	0.6729	0.6960	0.7230	0.7611	0.9644	14337	27588
3.0	0.0928	0.4734	0.5272	0.5636	0.5957	0.6224	0.6513	0.6804	0.7140	0.7603	0.9601	19855	22070
90 мин													
0.5	0.0478	0.5487	0.6082	0.6399	0.6623	0.6802	0.6961	0.7124	0.7301	0.7531	0.9388	9985	31940
1.0	0.1112	0.4804	0.5394	0.5741	0.5996	0.6220	0.6422	0.6627	0.6859	0.7166	0.9185	11279	30646
2.0	0.1337	0.4154	0.4714	0.5083	0.5377	0.5657	0.5912	0.6181	0.6489	0.6903	0.9659	16230	25695
3.0	0.2095	0.4044	0.4526	0.4895	0.5201	0.5474	0.5787	0.6077	0.6444	0.6966	0.9570	23627	18298
120 мин													
0.5	-0.0347	0.4746	0.5388	0.5755	0.6006	0.6208	0.6386	0.6562	0.6767	0.7048	0.9138	10196	31729
1.0	0.0607	0.4111	0.4696	0.5062	0.5331	0.5569	0.5793	0.6014	0.6253	0.6591	0.9103	12017	29908
2.0	0.1123	0.3571	0.4076	0.4450	0.4757	0.5026	0.5286	0.5564	0.5897	0.6367	0.9299	18571	23354
3.0	0.1701	0.3629	0.4056	0.4399	0.4715	0.5012	0.5307	0.5620	0.5984	0.6544	0.9366	27404	14521
150 мин													
0.5	-0.0548	0.4176	0.4840	0.5201	0.5466	0.5684	0.5883	0.6081	0.6294	0.6601	0.9607	10418	31507
1.0	0.0234	0.3510	0.4091	0.4462	0.4750	0.5007	0.5241	0.5473	0.5746	0.6101	0.9491	12752	29173
2.0	0.0816	0.3115	0.3606	0.3951	0.4256	0.4530	0.4801	0.5093	0.5429	0.5918	0.9281	21128	20797
3.0	0.1965	0.3411	0.3811	0.4111	0.4410	0.4696	0.4979	0.5291	0.5674	0.6245	0.9033	31148	10777

4.4. Вероятностные оценки качества

В данном разделе речь идет о вероятностном прогнозе превышения порогов $\text{thr} = 0.5, 1, 2$ и 3 мм/ч на основе ансамблевой модели ruSTEPS. Прогностическая вероятность события ($\text{prec} \geq \text{thr}$) рассчитывается с помощью 10-членного ансамбля в каждой точке поля для синхронизированных пар "наблюдение – прогноз". Качество оценивается с помощью оценки Брайера (BS), критерия Брайера (BSS), относительной оперативной характеристики (Relative Operating Characteristic, ROC) и площади под кривой ROC (ROCA). Все эти показатели, кроме ROCA, конструируются на множестве пар $(\text{binO}, \text{probF})$, где binO – бинарная переменная 1 или 0 в зависимости от наличия или отсутствия события в наблюдении, а probF – прогностическая вероятность события, т. е. отношение количества прогнозов события в ансамбле к объему ансамбля.

4.4.1. Оценка и критерий Брайера (BS и BSS)

Формула расчета оценки Брайера:

$$\text{BS} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (p_i - o_i)^2,$$

где p – прогностическая вероятность; $o = 1/0$ – событие да-нет; показатель отрицательно ориентирован (чем меньше, тем лучше). Диапазон изменения $[0,1]$, для идеального прогноза $\text{BS} = 0$. Формула расчета критерия Брайера:

$$\text{BSS} = 1 - \frac{\text{BS}}{\text{BS}_{\text{reference}}},$$

где $\text{BS}_{\text{reference}}$ – оценка Брайера, в которой вместо p используется, как правило, климатический прогноз или выборочная вероятность события. Диапазон изменения $[-\text{inf},1]$, для идеального прогноза $\text{BSS} = 1$. Заметим, что в случае использования выборочной климатологии $\text{BS}_{\text{reference}} = p(1-p)$, что, кстати, равно оценке дисперсии случайной величины по схеме Бернулли.

На рис. 19 и 20 представлена картография оценки Брайера для холодного и теплого периодов.

Расположение панелей в верхнем и нижнем рядах аналогично предыдущим представлениям полей показателей: верхний ряд – 30-минутный прогноз превышения всех выбранных порогов, нижний ряд – прогнозы превышения порога 0.5 для всех выбранных заблаговременностей.

На обоих рисунках проявляется главная особенность оценки Брайера – критичная зависимость от повторяемости события в наблюдениях при перегруженности ячейки (2,2) таблицы сопряженности, в которой содержится количество правильных прогнозов отсутствия явления. Для оценки прогноза осадков, изобилующих нулевыми значениями, с

увеличением порога под знаком суммы количество нулей растёт, вследствие чего BS падает, указывая на мнимый рост качества. Это свойство благополучно отсутствует при увеличении заблаговременности.

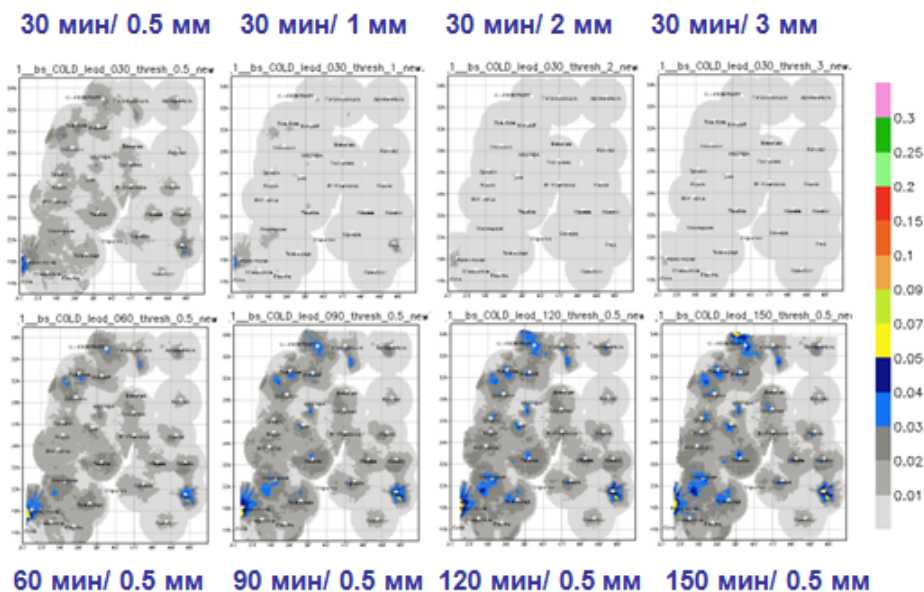


Рис. 19. Картография показателя BS прогнозов для холодного периода.

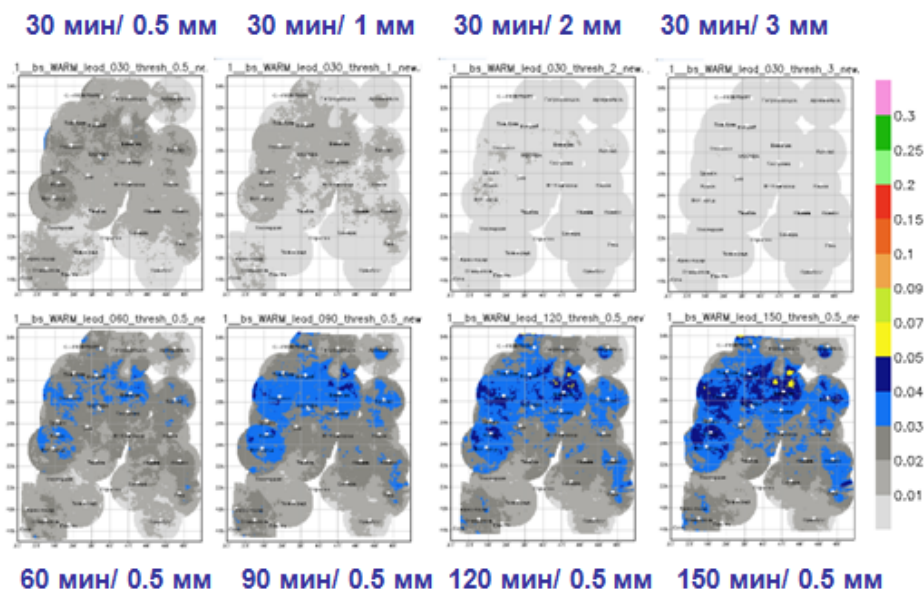


Рис. 20. Картография показателя BS прогнозов для теплого периода.

Сравнивая карты для обоих периодов, можно прийти к выводу о заметном преимуществе прогнозов в холодный период. Уточнение визуальных оценок и свойств данного показателя можно сделать на основе соответствующих табл. 14 и 15, при этом в первую очередь выделим, что по количеству допусков (valid) оценки по двум периодам сходны.

**Пространственное распределение показателя BS по 10%-ным квантилям
в холодный период с указанием количества значащих чисел
(допусков, valid) в поточечных выборках**

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.0000	0.0013	0.0028	0.0044	0.0061	0.0077	0.0093	0.0110	0.0129	0.0158	0.1186	10088	31837
1	0.0000	0.0003	0.0006	0.0012	0.0018	0.0025	0.0033	0.0043	0.0054	0.0071	0.0829	10088	31837
2	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0003	0.0005	0.0008	0.0011	0.0016	0.0023	0.0426	10088	31837
3	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0003	0.0004	0.0006	0.0010	0.0208	10088	31837
60 мин													
0.5	0.0000	0.0019	0.0040	0.0063	0.0086	0.0108	0.0132	0.0154	0.0179	0.0216	0.1279	10339	31586
1	0.0000	0.0003	0.0009	0.0016	0.0024	0.0033	0.0045	0.0058	0.0072	0.0093	0.0868	10339	31586
2	0.0000	0.0000	0.0001	0.0002	0.0004	0.0006	0.0010	0.0014	0.0020	0.0029	0.0462	10339	31586
3	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0002	0.0003	0.0005	0.0008	0.0013	0.0222	10339	31586
90 мин													
0.5	0.0000	0.0024	0.0048	0.0073	0.0099	0.0124	0.0151	0.0177	0.0204	0.0243	0.1295	10694	31231
1	0.0000	0.0004	0.0011	0.0019	0.0027	0.0037	0.0050	0.0064	0.0080	0.0103	0.0899	10694	31231
2	0.0000	0.0000	0.0001	0.0003	0.0004	0.0007	0.0011	0.0015	0.0021	0.0030	0.0453	10694	31231
3	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0002	0.0003	0.0006	0.0008	0.0013	0.0218	10694	31231
120 мин													
0.5	0.0000	0.0028	0.0054	0.0081	0.0107	0.0133	0.0161	0.0189	0.0219	0.0258	0.1322	11160	30765
1	0.0000	0.0005	0.0012	0.0020	0.0029	0.0040	0.0052	0.0067	0.0084	0.0107	0.0882	11160	30765
2	0.0000	0.0000	0.0001	0.0003	0.0005	0.0007	0.0011	0.0015	0.0022	0.0031	0.0463	11160	30765
3	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0002	0.0003	0.0006	0.0008	0.0013	0.0192	11160	30765
150 мин													
0.5	0.0000	0.0031	0.0058	0.0086	0.0112	0.0137	0.0165	0.0196	0.0227	0.0270	0.1341	11828	30097
1	0.0000	0.0006	0.0013	0.0021	0.0030	0.0040	0.0053	0.0068	0.0086	0.0110	0.0900	11828	30097
2	0.0000	0.0000	0.0001	0.0003	0.0005	0.0007	0.0011	0.0015	0.0022	0.0031	0.0453	11828	30097
3	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0001	0.0002	0.0003	0.0006	0.0008	0.0013	0.0212	11828	30097

**Пространственное распределение показателя BS по 10%-ным квантилям
в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid)
в поточечных выборках**

30 мин													
thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	0.0010	0.0075	0.0094	0.0112	0.0128	0.0143	0.0156	0.0171	0.0188	0.0209	0.0371	9986	31939
1	0.0000	0.0037	0.0051	0.0064	0.0077	0.0088	0.0099	0.0110	0.0123	0.0142	0.0248	9986	31939
2	0.0000	0.0012	0.0021	0.0028	0.0036	0.0043	0.0050	0.0057	0.0066	0.0078	0.0161	9986	31939
3	0.0000	0.0006	0.0011	0.0016	0.0020	0.0025	0.0030	0.0035	0.0041	0.0049	0.0109	9986	31939
60 мин													
0.5	0.0002	0.0105	0.0130	0.0156	0.0181	0.0201	0.0220	0.0241	0.0265	0.0293	0.0455	10370	31555
1	0.0000	0.0048	0.0068	0.0087	0.0104	0.0120	0.0135	0.0150	0.0168	0.0193	0.0334	10370	31555
2	0.0000	0.0016	0.0026	0.0036	0.0045	0.0055	0.0064	0.0074	0.0084	0.0099	0.0190	10370	31555
3	0.0000	0.0007	0.0013	0.0019	0.0024	0.0030	0.0036	0.0042	0.0050	0.0059	0.0131	10370	31555
90 мин													
0.5	0.0015	0.0122	0.0150	0.0183	0.0212	0.0235	0.0256	0.0281	0.0309	0.0342	0.0534	10851	31074
1	0.0001	0.0055	0.0077	0.0098	0.0119	0.0136	0.0152	0.0169	0.0190	0.0218	0.0350	10851	31074
2	0.0000	0.0017	0.0028	0.0039	0.0049	0.0059	0.0069	0.0079	0.0091	0.0109	0.0217	10851	31074
3	0.0000	0.0007	0.0013	0.0019	0.0025	0.0032	0.0038	0.0044	0.0052	0.0063	0.0140	10851	31074
120 мин													
0.5	0.0013	0.0133	0.0164	0.0201	0.0235	0.0259	0.0281	0.0307	0.0339	0.0376	0.0614	11504	30421
1	0.0005	0.0059	0.0083	0.0106	0.0128	0.0146	0.0163	0.0181	0.0203	0.0234	0.0399	11504	30421
2	0.0000	0.0018	0.0030	0.0041	0.0051	0.0062	0.0072	0.0082	0.0094	0.0112	0.0209	11504	30421
3	0.0000	0.0008	0.0014	0.0020	0.0026	0.0032	0.0038	0.0045	0.0053	0.0064	0.0140	11504	30421
150 мин													
0.5	0.0029	0.0141	0.0175	0.0215	0.0252	0.0277	0.0300	0.0329	0.0362	0.0401	0.0725	12222	29703
1	0.0005	0.0062	0.0087	0.0112	0.0134	0.0153	0.0170	0.0189	0.0213	0.0245	0.0398	12222	29703
2	0.0000	0.0019	0.0031	0.0042	0.0053	0.0063	0.0074	0.0084	0.0096	0.0115	0.0223	12222	29703
3	0.0000	0.0008	0.0014	0.0020	0.0026	0.0032	0.0038	0.0045	0.0053	0.0065	0.0146	12222	29703

Малые значения оценки Брайера в табл. 14 обусловлены, несомненно, обилием нулевых значений. Упомянутая выше тенденция оценки отражена в данной табл. 14 и в следующей табл. 15 для теплого периода: в столбце одного порога сверху вниз значения снижаются, но по фиксированной строке заблаговременности вниз для всех порогов значения растут.

Несмотря на то, что значения показателя BS в табл. 15 заметно выше соответствующих значений в табл. 14, делать общий вывод о более высоком качестве вероятностного прогноза в холодный период не совсем корректно. Во-первых, недостаточно физических оснований сравнивать качество прогнозов по одинаковым порогам. Во-вторых, в оба периода для выбранных заблаговременностей и порогов оценки Брайера малы, и их статистическая значимость не оценивается, т. е. может оказаться, что ансамблевая модель в оба периода дает сходные и вполне удовлетворительные по данному показателю вероятностные прогнозы. Уместно провести параллель с упомянутой выше средней ошибкой (ME), главное приложение которой усматривается лишь в выделении и цензурировании нежелательных выбросов.

Проявленное свойство оценки Брайера снимается в ее критериальном варианте относительно некоторого контрольного прогноза, например относительно климатологии – многолетней или выборочной. В нескольких странах (например, в США) критерий Брайера применяется в официальной верификации краткосрочных прогнозов осадков относительно многолетней климатологии. Могут быть другие источники "контрольных" вероятностей, отличные от климатологии, например ансамблевые прогнозы оперативных систем. Вероятности можно сконструировать из лаговых инерционных прогнозов, отчасти пренебрегая сериальной коррелированностью [9].

В данной статье приводятся расчеты BSS относительно выборочной климатологии, т. е. для каждой серии пар "наблюдение – вероятность" контрольным прогнозом считается постоянный прогноз повторяемости события из данной выборки. Важно подчеркнуть следующие два момента. Во-первых, использование многолетней климатологии более выгодно по сравнению с выборочной климатологией: последняя входит в состав данных наблюдений в интервале прогноза, чем неизбежно занижает величину критерия. Во-вторых, оценка по выборочной климатологии апостериорна и не может быть предъявлена как пример лучшего прогноза: на момент прогноза она сама не известна.

В рис. 21 и 22 и в соответствующих табл. 16 и 17 содержатся картографические и числовые характеристики критерия Брайера.

На верхнем ряду рис. 21 видны знакомые тенденции: наибольшая часть на малых порогах занята положительными значениями (превышение качества над выборочной

климатологией), с ростом порога пространственная структура разрушается и очаги все ближе концентрируются около локаторов. Поля показателя в нижнем ряду сохраняют пространственную целостность, но постепенно заполняются отрицательными значениями, которые концентрируются на дальних секторах кругов покрытия. Рис. 22 (показатель BSS для теплого периода) представляет карты с более связной пространственной структурой, хотя с ростом порога растет пестрота (панель 30 мин/3мм). Также просматриваются очаги около локаторов и вокруг Архангельска рисуется привычная "шайба".

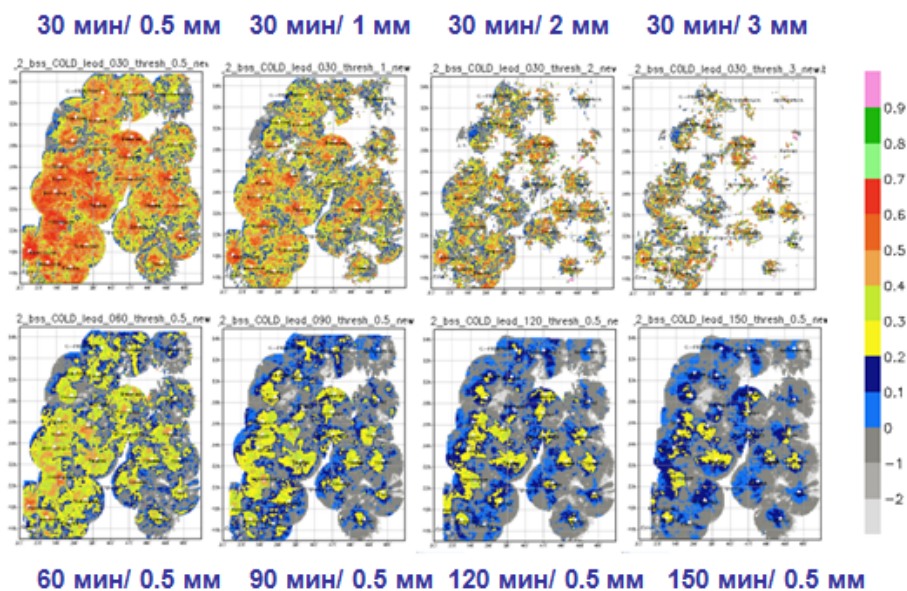


Рис. 21. Картография показателя BSS прогнозов в холодный период.

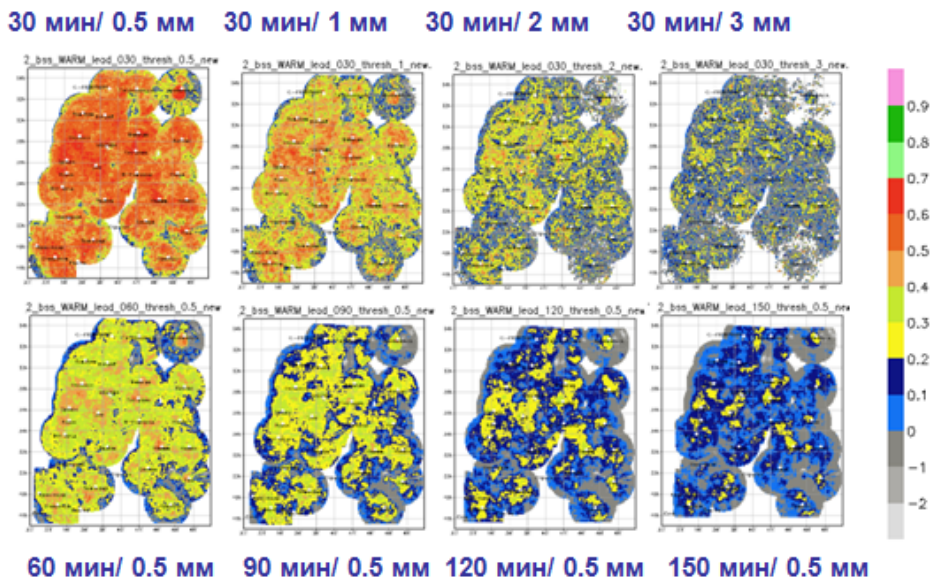


Рис. 22. Картография показателя BSS прогнозов в теплый период.

Точное пространственное распределение показателя BSS демонстрируется в табл. 16 и 17, зеленым цветом выделены положительные числа показателя.

**Пространственное распределение показателя BSS по 10%-ным квантилям
в холодный период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid)
в поточечных выборках**

30 мин thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	-13.1740	-0.0249	0.1632	0.2719	0.3451	0.3994	0.4441	0.4833	0.5242	0.5725	1.0000	10583	31342
1.0	-13.5641	-0.3207	-0.0357	0.0915	0.1902	0.2670	0.3305	0.3891	0.4460	0.5151	1.0000	13126	28799
2.0	-11.2934	-0.5104	-0.1677	-0.0161	0.0766	0.1795	0.2657	0.3498	0.4374	0.5477	1.0000	20622	21303
3.0	-8.1726	-0.5104	-0.1743	-0.0256	0.0397	0.1598	0.2646	0.3598	0.4662	0.6297	1.0000	27064	14861
60 мин													
0.5	-40.0716	-0.4116	-0.1050	0.0193	0.0989	0.1644	0.2201	0.2696	0.3184	0.3733	0.8900	10889	31036
1.0	-14.7444	-0.7105	-0.3159	-0.1366	-0.0386	0.0300	0.0938	0.1566	0.2225	0.2984	0.9600	13479	28446
2.0	-15.7847	-0.7605	-0.3758	-0.1980	-0.0912	-0.0203	0.0428	0.1148	0.1945	0.2970	1.0000	20808	21117
3.0	-9.3629	-0.6405	-0.3204	-0.1703	-0.0803	-0.0206	0.0149	0.0997	0.1891	0.3150	1.0000	26987	14938
90 мин													
0.5	-30.6889	-0.6665	-0.2758	-0.1066	-0.0105	0.0556	0.1105	0.1635	0.2157	0.2748	0.6330	11157	30768
1.0	-23.4669	-0.9783	-0.4746	-0.2564	-0.1310	-0.0529	0.0043	0.0614	0.1209	0.1909	0.8300	13610	28315
2.0	-15.6947	-0.8816	-0.4608	-0.2639	-0.1496	-0.0753	-0.0234	0.0197	0.0845	0.1644	0.9100	20878	21047
3.0	-12.1937	-0.5904	-0.3107	-0.1853	-0.1076	-0.0591	-0.0203	0.0058	0.0751	0.1698	0.8900	27238	14687
120 мин													
0.5	-54.1255	-0.9338	-0.3924	-0.1832	-0.0697	0.0001	0.0547	0.1067	0.1585	0.2152	0.4751	11668	30257
1.0	-21.0662	-1.1674	-0.5709	-0.3169	-0.1759	-0.0881	-0.0290	0.0200	0.0725	0.1351	0.7899	14175	27750
2.0	-13.3140	-0.8947	-0.4704	-0.2704	-0.1596	-0.0903	-0.0415	-0.0076	0.0395	0.1050	0.8400	21227	20698
3.0	-9.8831	-0.5300	-0.2904	-0.1777	-0.1103	-0.0642	-0.0342	-0.0103	0.0292	0.1065	0.8099	27260	14665
150 мин													
0.5	-42.8623	-1.0872	-0.4671	-0.2319	-0.1074	-0.0324	0.0195	0.0696	0.1201	0.1728	0.4899	12202	29723
1.0	-23.4669	-1.2364	-0.6177	-0.3458	-0.1996	-0.1056	-0.0456	-0.0015	0.0458	0.1013	0.8500	14584	27341
2.0	-11.5335	-0.8682	-0.4514	-0.2644	-0.1607	-0.0955	-0.0504	-0.0192	0.0164	0.0695	0.7399	21504	20421
3.0	-6.8723	-0.4708	-0.2607	-0.1603	-0.1006	-0.0650	-0.0382	-0.0175	0.0052	0.0692	0.8099	27641	14284

Таблица 17

**Пространственное распределение показателя BSS по 10%-м квантилям
в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid)
в поточечных выборках**

30 мин thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	zeros	valid
0.5	-17.0351	0.2583	0.3763	0.4336	0.4694	0.4966	0.5197	0.5415	0.5640	0.5923	0.7396	9986	31939
1.0	-11.7535	0.0483	0.1941	0.2716	0.3223	0.3613	0.3941	0.4265	0.4600	0.5005	0.7699	10020	31905
2.0	-12.9138	-0.2386	-0.0390	0.0555	0.1255	0.1827	0.2325	0.2810	0.3314	0.3951	0.9800	10441	31484
3.0	-13.2939	-0.4720	-0.2166	-0.0903	-0.0092	0.0578	0.1228	0.1842	0.2498	0.3346	0.9800	11524	30401
60 мин													
0.5	-8.6682	0.0464	0.1582	0.2235	0.2650	0.2974	0.3251	0.3516	0.3804	0.4138	0.6185	10372	31553
1.0	-30.0285	-0.1735	-0.0169	0.0543	0.1067	0.1481	0.1854	0.2199	0.2570	0.3035	0.5304	10397	31528
2.0	-13.2739	-0.4760	-0.2442	-0.1374	-0.0659	-0.0134	0.0322	0.0765	0.1247	0.1858	0.8700	10793	31132
3.0	-7.9224	-0.6470	-0.3856	-0.2558	-0.1707	-0.1050	-0.0498	-0.0016	0.0530	0.1240	0.8900	11768	30157
90 мин													
0.5	-9.4789	-0.0478	0.0519	0.1140	0.1566	0.1900	0.2185	0.2460	0.2758	0.3116	0.5187	10851	31074
1.0	-33.7895	-0.2843	-0.1122	-0.0361	0.0112	0.0498	0.0848	0.1189	0.1553	0.2013	0.5257	10880	31045
2.0	-15.4945	-0.5411	-0.3107	-0.2002	-0.1321	-0.0796	-0.0364	0.0015	0.0430	0.0987	0.3814	11257	30668
3.0	-9.6929	-0.6559	-0.4039	-0.2841	-0.2048	-0.1446	-0.0936	-0.0484	-0.0059	0.0499	0.6899	12227	29698
120 мин													
0.5	-9.4866	-0.1189	-0.0104	0.0455	0.0867	0.1201	0.1487	0.1753	0.2041	0.2421	0.4179	11505	30420
1.0	-34.2997	-0.3439	-0.1637	-0.0832	-0.0359	-0.0011	0.0304	0.0616	0.0939	0.1372	0.4429	11526	30399
2.0	-13.2439	-0.5518	-0.3292	-0.2197	-0.1516	-0.1029	-0.0638	-0.0291	0.0055	0.0520	0.4598	11856	30069
3.0	-7.3823	-0.6113	-0.3890	-0.2757	-0.2026	-0.1501	-0.1042	-0.0651	-0.0273	0.0169	0.5298	12737	29188
150 мин													
0.5	-8.5780	-0.1668	-0.0499	0.0014	0.0400	0.0709	0.0986	0.1254	0.1527	0.1871	0.3609	12222	29703
1.0	-29.9085	-0.3670	-0.1931	-0.1121	-0.0648	-0.0311	-0.0037	0.0237	0.0536	0.0949	0.3350	12244	29681
2.0	-10.1231	-0.5400	-0.3198	-0.2205	-0.1577	-0.1137	-0.0778	-0.0467	-0.0161	0.0217	0.3598	12551	29374
3.0	-6.0119	-0.5798	-0.3640	-0.2618	-0.1963	-0.1472	-0.1075	-0.0720	-0.0392	-0.0037	0.5099	13403	28522

Большие отрицательные значения сигнализируют о выбросах, которые при интерпретации оценок следует "цензурировать" – это около 10 % точек значащих чисел (квантили от 0 % до 10 %). Однако условия расчетов приводят к постепенному снижению с ростом порога количества допусков в холодный период и практически не меняют это количество в теплый период.

Если в середине значений и показателя, и квантилей в обеих таблицах наблюдается относительное сходство, то к концу прогностического срока и к последнему порогу контраст заметно нарастает.

Рис. 23 содержит оценку BSS прогнозов на 150 мин превышения порога 3 мм/ч.

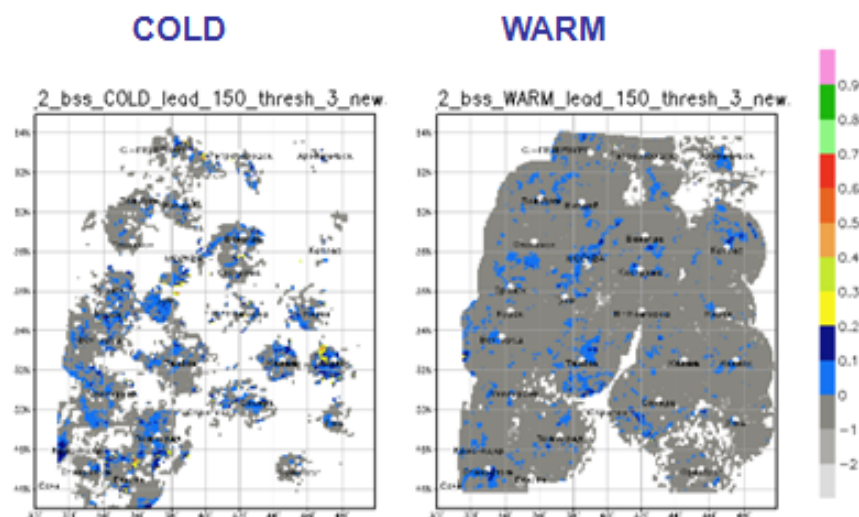


Рис. 23. Картография показателя BSS прогноза на 150 мин превышения порога 3 мм/ч в холодный (левая панель) и теплый период (правая панель).

В поле показателя для холодного периода наблюдается отчетливое скопление числовых значений вокруг локаторов, при этом связность объединенного поля полностью разрушена. В поле показателя качества прогнозов в теплый период нарушения связности нет, но качество прогнозов в ~90 % точек хуже выборочной климатологии (последние строки табл. 16 и 17, см. также значения valid).

37

4.4.3. Площадь под кривой относительной оперативной характеристики (ROCA)

Зависимость доли попаданий от доли ложных тревог известна в верификации прогнозов под названием *относительной оперативной характеристики* OOX (relative operating characteristic, ROC). Интегральной оценкой полезности категорийного прогноза считается площадь под графиком этой зависимости (ROCA, ROC-Area, площадь под ROC-кривой). ROC-кривая и ROCA рассчитаны с помощью функций `verify()` и `roca()` математического пакета `verification` языка R-project.

Для корректной оценки указанных характеристик требуется выполнение дополнительного условия на последовательность пар "наблюдение – вероятность" в виде $\{0,1\} - \{p\}$, где p – оценка вероятности события по ансамблю. Это условие состоит в некотором максимальном для заданного объема выборки значении рангового критерия Вилкоксона, используемого для расчета доверительных интервалов на точках кривой OOX. Выборка не проходит проверку критерием Вилкоксона при слишком малом объеме и/или при критическом отсутствии ненулевых значений оценок вероятности и единиц в бинарном представлении наблюдений. В последнем случае речь идет о так называемой "проблеме

совпадений" ("tie problem"). Путем экспериментов с архивными данными для обоих периодов было установлено, что критерий Вилкоксона почти всегда рассчитывается при допуске в выборку не менее 10 ненулевых значений хотя бы в одном из членов пары $\{0,1\} - \{p\}$. Это условие, уменьшающее количество допустимых выборок, было использовано в программе формирования выборок для построения кривой ROC.

Рассмотрим картографию площади под кривой ROC (рис. 24 и 25) и соответствующие числовые данные (табл. 18 и 19).

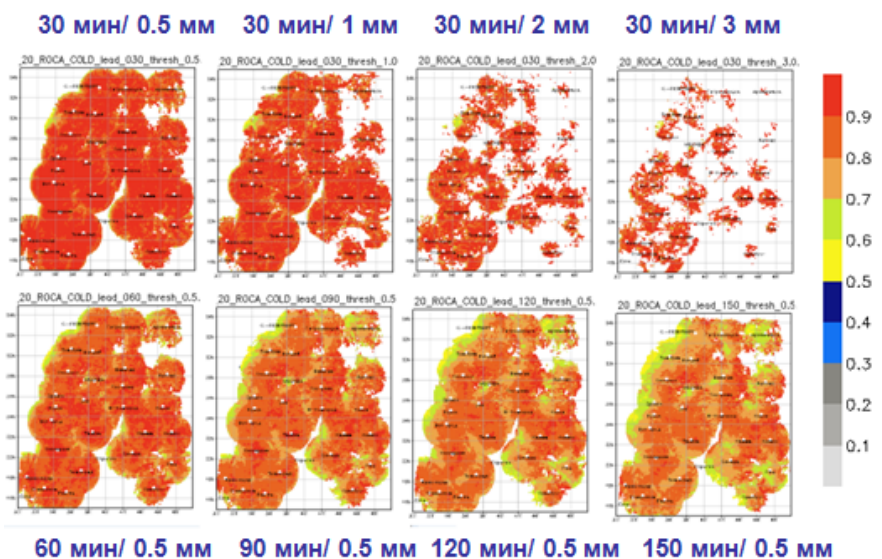


Рис. 24. Картография показателя ROCA прогнозов в холодный период.

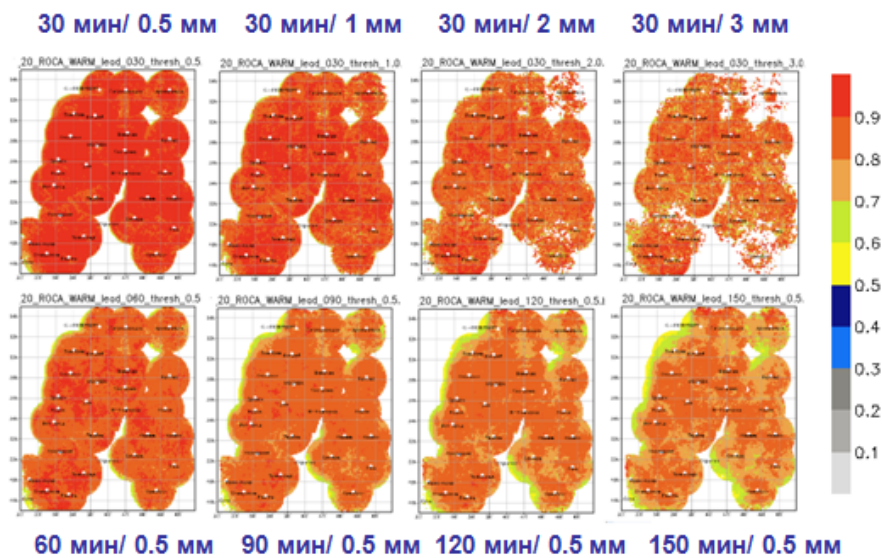


Рис. 25. Картография показателя ROCA прогнозов в теплый период.

По верхнему ряду рис. 24 получасового прогноза для выделенных порогов видна знакомая картина разрушения пространственной структуры с ростом порога; при этом столь же заметны сужающиеся очаги около локаторов. Значений меньше 0.5 не просматривается на

всех картах, включая нижний ряд панелей. При росте заблаговременности прогноза превышения 0.5 мм нет разрушения объединенной карты показателя, но видны явные граничные эффекты на западной стороне зон обзора большинства локаторов.

В панелях для теплого периода (рис. 25) разрушение пространственной структуры с ростом порога невелико; значений меньше 0.5 не просматривается; основной диапазон показателя – не менее 0.7. Сходно наличие явных граничных эффектов на западной стороне зон обзора.

Рассмотрим соответствующие табличные данные, выделив зеленым цветом "хороший прогноз" $ROCA > 0.8$ и синим цветом "полезный прогноз" $ROCA > 0.7$ [4].

В табл. 18 соотношение хороших и полезных прогнозов равно 111/163, полезные прогнозы занимают больше половины территории по всем заблаговременностям и порогам. Следует обратить внимание на количество точек с отсутствующими (от 10592 до 36655) и значащими данными (от 31333 до 5270), при этом объемы условных выборок не учитываются.

Таблица 18

Пространственное распределение показателя ROCA по 10%-ным квантилям в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках в холодный период

30 мин thresh	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	Nas	valid
0.5	0.5050	0.8060	0.8640	0.8910	0.9080	0.9210	0.9310	0.9410	0.9520	0.9670	1.0000	10592	31333
1.0	0.5160	0.7500	0.8320	0.8640	0.8870	0.9065	0.9240	0.9420	0.9670	0.9990	1.0000	14064	27861
2.0	0.5370	0.7490	0.7990	0.8330	0.8740	0.9150	0.9530	0.9990	1.0000	1.0000	1.0000	22797	19128
3.0	0.5250	0.7490	0.7686	0.8330	0.8990	0.9980	0.9990	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	29559	12366
60 мин													
0.5	0.5090	0.7370	0.7920	0.8270	0.8480	0.8650	0.8790	0.8940	0.9090	0.9290	1.0000	11374	30551
1.0	0.5130	0.6890	0.7470	0.7820	0.8110	0.8320	0.8570	0.8780	0.9060	0.9660	1.0000	15152	26773
2.0	0.5160	0.6640	0.7190	0.7480	0.7830	0.8290	0.8550	0.8980	0.9970	0.9990	1.0000	24618	17307
3.0	0.5190	0.6650	0.7436	0.7490	0.7710	0.8320	0.8848	0.9980	0.9990	1.0000	1.0000	31617	10308
90 мин													
0.5	0.5000	0.6920	0.7480	0.7860	0.8110	0.8310	0.8500	0.8670	0.8840	0.9090	1.0000	11067	30858
1.0	0.5140	0.6530	0.6970	0.7410	0.7600	0.7890	0.8160	0.8390	0.8700	0.9200	1.0000	15721	26204
2.0	0.5140	0.6220	0.6640	0.7030	0.7460	0.7490	0.7960	0.8320	0.8990	0.9980	1.0000	26045	15880
3.0	0.5110	0.6230	0.6650	0.6990	0.7480	0.7490	0.8290	0.8740	0.9980	0.9990	1.0000	33420	8505
120 мин													
0.5	0.5030	0.6670	0.7240	0.7570	0.7850	0.8080	0.8270	0.8460	0.8660	0.8940	1.0000	11442	30483
1.0	0.5100	0.6220	0.6690	0.7060	0.7390	0.7590	0.7880	0.8160	0.8450	0.8990	1.0000	16634	25291
2.0	0.5120	0.5980	0.6350	0.6640	0.6970	0.7440	0.7480	0.7980	0.8580	0.9960	1.0000	27689	14236
3.0	0.5090	0.5980	0.6240	0.6640	0.6970	0.7470	0.7490	0.8300	0.9960	0.9990	1.0000	35580	6345
150 мин													
0.5	0.5060	0.6570	0.7070	0.7400	0.7660	0.7900	0.8120	0.8310	0.8530	0.8850	1.0000	11509	30416
1.0	0.5070	0.6100	0.6550	0.6860	0.7160	0.7420	0.7640	0.7940	0.8270	0.8940	1.0000	16711	25214
2.0	0.5030	0.5810	0.6200	0.6480	0.6650	0.7100	0.7450	0.7700	0.8310	0.9950	1.0000	28602	13323
3.0	0.5230	0.5950	0.6220	0.6630	0.6650	0.7450	0.7480	0.7990	0.9950	0.9980	1.0000	36655	5270

В табл. 19 соотношение хороших и полезных прогнозов равно 96/157, полезные прогнозы также занимают больше половины территории по выделенным заблаговременностям и порогам.

Как и раньше, при сравнении качества прогнозов по обоим периодам рекомендуется сопоставлять количество точек поля, в которых имелись допустимые выборки для верификации данным показателем. При росте порога (от 0.5 до 3 мм) и заблаговременности (от 30 до 150 мин) количество констант отсутствия в поле в холодный период изменяется от

10592 до 36655, а в теплый – от 9492 до 18951. При этом количество допустимых значений (допусков) в холодный период падает от 31333 до 5270 (почти в 6 раз), а в теплый период – от 32432 до 22974 (в 1.4 раза).

Таблица 19

Пространственное распределение показателя ROCA по 10%-ным квантилям в теплый период с указанием количества значащих чисел (допусков, valid) в поточечных выборках для теплого периода

30 мин	0%min	10%	20%	30%	40%	50%	60%	70%	80%	90%	100%max	Nas	valid
thresh													
0.5	0.5160	0.8630	0.8910	0.9040	0.9130	0.9210	0.9270	0.9330	0.9400	0.9490	1.0000	9493	32432
1.0	0.5100	0.8090	0.8500	0.8700	0.8830	0.8940	0.9040	0.9140	0.9240	0.9370	1.0000	9693	32232
2.0	0.5130	0.7470	0.7860	0.8160	0.8350	0.8550	0.8710	0.8870	0.9050	0.9310	1.0000	10986	30939
3.0	0.5210	0.6970	0.7480	0.7740	0.7990	0.8300	0.8460	0.8720	0.8980	0.9420	1.0000	13152	28773
60 мин													
0.5	0.5110	0.7940	0.8340	0.8520	0.8650	0.8750	0.8840	0.8920	0.9010	0.9120	1.0000	9604	32321
1.0	0.5080	0.7310	0.7780	0.8030	0.8200	0.8340	0.8470	0.8590	0.8720	0.8900	1.0000	10019	31906
2.0	0.5100	0.6610	0.7030	0.7390	0.7560	0.7770	0.7960	0.8150	0.8340	0.8660	1.0000	11963	29962
3.0	0.5150	0.6210	0.6630	0.6910	0.7170	0.7450	0.7580	0.7840	0.8130	0.8540	1.0000	15198	26727
90 мин													
0.5	0.5080	0.7480	0.7950	0.8170	0.8310	0.8430	0.8530	0.8620	0.8720	0.8850	1.0000	9711	32214
1.0	0.5040	0.6830	0.7330	0.7590	0.7780	0.7940	0.8080	0.8220	0.8370	0.8560	1.0000	10262	31663
2.0	0.5050	0.6190	0.6600	0.6870	0.7100	0.7300	0.7470	0.7690	0.7920	0.8250	1.0000	12693	29232
3.0	0.5120	0.5890	0.6210	0.6470	0.6640	0.6910	0.7130	0.7420	0.7610	0.8080	1.0000	16364	25561
120 мин													
0.5	0.5020	0.7110	0.7630	0.7890	0.8050	0.8170	0.8280	0.8380	0.8500	0.8650	1.0000	9780	32145
1.0	0.4970	0.6500	0.6970	0.7270	0.7460	0.7630	0.7780	0.7930	0.8100	0.8310	1.0000	10505	31420
2.0	0.5050	0.5930	0.6270	0.6560	0.6770	0.6980	0.7180	0.7390	0.7590	0.7920	1.0000	13295	28630
3.0	0.5110	0.5690	0.5950	0.6190	0.6400	0.6610	0.6820	0.7070	0.7400	0.7710	1.0000	17588	24337
150 мин													
0.5	0.4990	0.6830	0.7380	0.7650	0.7830	0.7960	0.8080	0.8190	0.8310	0.8480	1.0000	9889	32036
1.0	0.4900	0.6240	0.6720	0.7020	0.7230	0.7390	0.7550	0.7700	0.7870	0.8090	1.0000	10740	31185
2.0	0.5040	0.5750	0.6070	0.6310	0.6530	0.6710	0.6910	0.7110	0.7360	0.7640	1.0000	14006	27919
3.0	0.5080	0.5570	0.5790	0.5990	0.6190	0.6370	0.6580	0.6780	0.7060	0.7450	1.0000	18951	22974

Выводы и обсуждение

Проведены испытания радиолокационного наукастинга интенсивности осадков в холодный период года. Для сравнения с проведенными ранее результатами испытаний в теплый период года все показатели качества пересчитаны в параллельном режиме на данных накопленных архивов по обоим периодам. В качестве эталонных данных для верификации использованы композитные поля интенсивности осадков, полученные по радарным наблюдениям.

Рассчитаны разнообразные показатели качества для детерминистских и вероятностных прогнозов: средняя абсолютная ошибка (MAE), количество попаданий и правильных отклонений, смещение повторяемостей (BIAS), беспристрастная оценка угроз (ETS), критерий Пирса-Обухова (PSS), индекс экстремальной зависимости (EDI), оценка и критерий Брайера (BS и BSS), площадь под кривой оперативной характеристики (ROCA).

Выходная продукция системы верификации представлена в единообразном формате в виде карт в условных географических координатах и в виде таблиц пространственных 10%-ных квантилей. Такое представление позволяет делать обобщение поточечных оценок на территорию испытаний, не прибегая к специфичным приемам пространственной верификации, и одновременно учитывать (или даже исключать, т. е. цензурировать) возможные выбросы в полях характеристик интенсивности и в полях показателей качества.

Испытания продемонстрировали надежность оперативной системы ансамблевого наукастинга осадков в холодный период.

Сравнительный анализ качества прогнозов для индивидуальных членов ансамбля и для среднего поля по ансамблю выявил в оба периода преимущество (хотя небольшое, но систематическое) прогноза по среднему полю. Данный результат свидетельствует о целесообразности использования ансамблей даже малого объема.

Сравнительный анализ показал более высокое качество прогнозов в холодный период года по всем использованным критериям, кроме, возможно, показателя смещения (BIAS). Однако следует иметь в виду, что объемы выборок для верификации при прогнозах превышения высоких порогов интенсивности на отдаленные сроки в холодный период могут быть на порядок ниже соответствующих объемов выборок в теплый период.

По результатам проведенных испытаний Центральная методическая комиссия по гидрометеорологическим и гелиогеофизическим прогнозам (ЦМКП) Росгидромета на заседании 16.12.2022 рекомендовала **«внедрить технологию детерминистского и вероятностного наукастинга осадков в ФГБУ "Гидрометцентр России" в качестве основного оперативного метода наукастинга интенсивности осадков на срок до 2.5 часов в холодный период года (ноябрь–март) по Европейской территории России».**

Основные проблемы, требующие осмысления и посильного решения, перечислены в статье [10] о результатах испытаний в теплый период года. Верификация результатов испытаний в холодный период оказалась более сложной из-за существенно большего количества поточечных выборок малого объема, формируемых при росте порога превышения и при увеличении заблаговременности. Выделим две наиболее острые проблемы, возникшие при испытаниях системы наукастинга в холодный период.

Во-первых, к статистической неустойчивости оценок качества детерминистских прогнозов добавляется опасность деградации пространственной связности полей интенсивности осадков, особенно в холодный период, что делает невозможным обобщение оценок на всю область прогнозирования. Эта проблема кардинально может быть решена только путем повышения плотности сети ДМРЛ и отчасти с помощью усовершенствования радиолокационного метода измерения осадков в дальней зоне (≥ 100 – 120 км от ДМРЛ).

Во-вторых, при верификации ансамблевых прогнозов интегральная оценка площади под кривой оперативной характеристики (ROCA) искусственно "раздувается" до высоких значений при одновременном провале качества относительно выборочной средней по показателю Брайера (BSS). Решить данную задачу вполне посильно разработчикам системы наукастинга в Гидрометцентре России: например, можно увеличить объем прогностического

ансамбля и одновременно застраховаться подходящей предварительной статистической проверкой полного набора пар значений "наблюдение – вероятность" в точках поля.

Список литературы

1. *Вельтищев Н.Ф., Степаненко В.М.* Мезометеорологические процессы. – М.: Изд-во МГУ, 2006. – 101 с.
2. *Грингоф И.Г., Клещенко А.Д.* Основы сельскохозяйственной метеорологии. Том I. – Обнинск: Росгидромет, 2011. – 808 с. – https://pogoda-moscow.ru/agr_meteo_1.pdf
3. *Кендалл М.Дж., Стьюарт А.* Статистические выводы и связи. – М.: Наука, 1973. – 899 с.
4. *Киктёв Д.Б., Муравьев А.В., Бундель А.Ю.* Методические рекомендации по верификации метеорологических прогнозов. – М.: АМА ПРЕСС, 2021. – 94 с.
5. Методические указания по использованию информации доплеровского метеорологического радиолокатора ДМРЛ-С в синоптической практике: Третья редакция. – М.: Росгидромет, 2019. – 129 с. – https://method.meteorf.ru/norma/document/dop_3red.
6. *Муравьев А.В., Киктёв Д.Б., Бундель А.Ю., Дмитриева Т.Г., Смирнов А.В.* Верификация прогнозов метеорологических явлений со значительными воздействиями в районе проведения Олимпиады «Сочи-2014». Часть I // Метеорология и гидрология. – 2015. – № 9. – С. 31–48.
7. *Муравьев А.В., Киктев Д.Б., Смирнов А.В.* Оперативная технология наукастинга осадков на основе радарных данных и результаты верификации для теплого периода года (май-сентябрь 2017 г.) // Гидрометеорологические исследования и прогнозы. – 2018. – № 1 (367). – С. 6–38.
8. *Муравьев А.В., Киктев Д.Б., Смирнов А.В., Зайченко М.Ю.* Оперативная технология наукастинга осадков на основе радиолокационных данных и сравнительные результаты точечной верификации для теплого и холодного периодов года // Гидрометеорологические исследования и прогнозы. – 2019. – № 2 (372). – С. 12–40.
9. *Муравьев А.В., Киктев Д.Б., Смирнов А.В.* Усовершенствованная технология радиолокационного наукастинга осадков и результаты верификации в теплый период года (май - сентябрь 2020 г.) // Результаты испытания новых и усовершенствованных технологий, моделей и методов гидрометеорологических прогнозов. – 2021. – Информационный сборник № 48. – С. 13–41.
10. *Муравьев А.В., Киктев Д.Б., Смирнов А.В.* Сравнительная верификация усовершенствованной системы радиолокационного наукастинга осадков с учетом пропусков и при различных методах формирования выборок (по результатам испытаний в теплый период годам май - сентябрь 2017 и 2020 гг.) // Результаты испытания новых и усовершенствованных технологий, моделей и методов гидрометеорологических прогнозов. Росгидромет. – 2022. – Информационный сборник № 49. – С. 3–56.
11. РД 52.27.284–91. Проведение производственных (оперативных) испытаний новых и усовершенствованных методов гидрометеорологических и гелиогеофизических прогнозов. Методические указания. – СПб.: Гидрометеиздат, 1991. – 150 с.

12. Руководство по метеорологическим приборам и методам наблюдений. – Изд. ВМО № 8. Глава 7. Радиолокационные измерения. – 2017. – С. 853-938.
13. СП 50.13330.2012. Свод правил. Тепловая защита зданий. Актуализированная редакция СНиП 23-02-2003. – 109 с.
14. Forecast Verification in Atmospheric Science. A Practitioner's Guide: Second Ed. / I. Jolliffe, D. Stephenson (Eds.). – John Wiley & Sons Ltd, 2012. – 274 p.
15. Hogan R.J., Ferro C.A.T., Jolliffe I.T., Stephenson D.B. Equitability revisited: why the “equitable threat score” is not equitable // Weather Forecast. -2010. – No. 25. – P. 710–726.
16. Skamarock W.C. Evaluating mesoscale NWP models using kinetic energy spectra // Mon. Wea. Rev. – 2004. – Vol. 132. – P. 3019–3032.
17. Wilks D.S. Statistical Methods in the Atmospheric Sciences. – Elsevier, 2019. – 816 p.